

Programação em Lógica

Prof. A. G. Silva

17 de agosto de 2017

Prova de teoremas (I)

- Cálculo de predicados como método para expressar coleções de proposições
- Determinação se quaisquer fatos interessantes ou úteis podem ser inferidos a partir delas
- Análogo ao trabalho de matemáticos na busca de novos teoremas, inferidos a partir de axiomas e teoremas conhecidos
- Os primeiros dias da ciência da computação (anos 50 e início dos 60) deslumbraram a automatização do processo de prova de teoremas

Prova de teoremas (II)

- A partir da introdução, por Robinson e Smullyan (1960), de procedimentos eficientes para demonstração automática de teoremas por computador, a lógica passou a ser estudada também como método computacional para a solução de problemas (Padronização das fórmulas lógicas em Formas Normais Canônicas)
- Grande avanço com a introdução do método da resolução por Alan Robinson (1965) da Universidade de Syracuse
 - ▶ Método de **refutação** - para provar um teorema a partir de um conjunto de hipóteses, nega-se o teorema e prova-se que o conjunto de expressões formado pelas hipóteses e pelo teorema negado é contraditório
 - ▶ Parte da transformação da expressão a ser provada para a **forma normal conjuntiva** ou **forma clausal**
 - ▶ Utiliza uma regra de inferência única, chamada **regra de resolução** e um algoritmo de casamento de padrões chamado **algoritmo de unificação**

Prova de teoremas (III)

- A **resolução** é uma regra de inferência que permite às proposições inferidas serem computadas a partir de proposições dadas
 - ▶ Método com aplicação potencial para a prova automática de teoremas
 - ▶ Desenvolvida para proposições na forma clausal
- Suponha que existam duas proposições com as formas

$$P_1 \leftarrow P_2$$

$$Q_1 \leftarrow Q_2$$

Suponha que P_1 é idêntica a Q_2 , renomeados como T então:

$$T \leftarrow P_2$$

$$Q_1 \leftarrow T$$

Processo de inferência ou resolução:

$$Q_1 \leftarrow P_2$$

Formalização de argumentos

- Um argumento é uma sequência de premissas seguida de uma conclusão
- Exemplo:
 - ▶ *Se neva, então faz frio.*
 - ▶ *Está nevando.*
 - ▶ **Logo**, *está fazendo frio.*
- Vocabulário:
 - ▶ p : “neve”
 - ▶ q : “frio”
- Formalização (\models é a consequência lógica):
 - ▶ $\{ p \rightarrow q, p \} \models q$

Validação de argumentos (I)

- Nem todo argumento é válido!
- Exemplo: Intuitivamente, qual dos argumentos a seguir é válido?
- Argumento 1:
 - ▶ *Se eu fosse artista, então eu seria famoso.*
 - ▶ *Não sou famoso.*
 - ▶ *Logo, não sou artista.*
- Argumento 2:
 - ▶ *Se eu fosse artista, então eu seria famoso.*
 - ▶ *Sou famoso.*
 - ▶ *Logo, sou artista.*

Validação de argumentos (II)

- Um argumento é **válido** se a sua conclusão é uma **consequência lógica** de suas premissas, ou seja, a veracidade da conclusão está implícita na veracidade das premissas.
- Três métodos de validação de argumentos:
 - ▶ **Tabela-verdade** (semântico)
 - ▶ **Prova por dedução** (sintático)
 - ▶ **Prova por refutação** (sintático)
- Métodos semânticos são baseados em interpretações
- Métodos sintáticos são baseados em regras de inferência (raciocínio)

Validação de argumentos – Tabela-verdade (I)

- Um argumento da forma $\{\alpha_1, \dots, \alpha_n\} \models \beta$ é válido se e somente se a fórmula correspondente $\alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n \rightarrow \beta$ é válida (tautológica).

- Exemplo 1** – Argumento:

- ▶ *Se eu fosse artista, seria famoso.*
- ▶ *Não sou famoso.*
- ▶ *Logo, não sou artista.*

- Vocabulário:

- ▶ p : “artista”
- ▶ q : “famoso”

- Formalização:

- ▶ $\{ p \rightarrow q, \neg q \} \models \neg p$

p	q	(p	→	q)	∧	¬	q	→	¬	p
F	F	F	V	F	V	V	F	V	V	F
F	V	F	V	V	F	F	V	V	V	F
V	F	V	F	F	F	V	F	V	F	V
V	V	V	V	V	F	F	V	V	F	V

o argumento é válido →

Validação de argumentos – Tabela-verdade (II)

- **Exemplo 2** – Argumento:

- ▶ *Se eu fosse artista, seria famoso.*
- ▶ *Sou famoso.*
- ▶ *Logo, sou artista.*

- Vocabulário:

- ▶ p : “artista”
- ▶ q : “famoso”

- Formalização:

- ▶ $\{ p \rightarrow q, q \} \models p$

p	q	(p	→	q)	∧	q	→	p
F	F	F	V	F	F	F	V	F
F	V	F	V	V	V	V	F	F
V	F	V	F	F	F	F	V	V
V	V	V	V	V	V	V	V	V

o argumento **não** é válido →

Validação de argumentos – Tabela-verdade (III)

- **Exercício** – Sócrates está disposto a visitar Platão ou não?
 - ▶ *Se Platão está disposto a visitar Sócrates, então Sócrates está disposto a visitar Platão. Por outro lado, se Sócrates está disposto a visitar Platão, então Platão não está disposto a visitar Sócrates; mas se Sócrates não está disposto a visitar Platão, então Platão está disposto a visitar Sócrates.*
- Vocabulário:
 - ▶ p : “Platão está disposto a visitar Sócrates”
 - ▶ s : “Sócrates está disposto a visitar Platão”
- Formalização:
 - ▶ $\{ p \rightarrow s, (s \rightarrow \neg p) \wedge (\neg s \rightarrow p) \}$

Validação de argumentos – Tabela-verdade (IV)

- Consequência lógica é o elo entre o que um agente “acredita” e aquilo que é explicitamente representado em sua base de conhecimento
- A tabela-verdade é um método semântico que permite verificar consequências lógicas.
- Este método tem a vantagem de ser conceitualmente simples; porém, como o número de linhas na tabela-verdade cresce exponencialmente em função do número de símbolos proposicionais na fórmula, na prática, seu uso nem sempre é viável.
- Assim, adota-se **raciocínio automatizado** como uma alternativa mais eficiente para verificação de consequência lógica (isto é, validação de argumentos)

Prova por dedução (I)

- Uma **prova por dedução** de uma fórmula φ , a partir de uma base de conhecimento Δ , é uma sequência finita de fórmulas $\gamma_1, \dots, \gamma_k$ tal que:
 - ▶ $\gamma_k = \varphi$;
 - ▶ para $1 \leq i \leq k$, ou $\gamma_i \in \Delta$, ou então γ_i é **derivada** de fórmulas em $\Delta \cup \{\gamma_1, \dots, \gamma_{i-1}\}$, pela aplicação de uma **regra de inferência**.
- Regra de inferência é um padrão de manipulação sintática que define como uma fórmula (*conclusão*) pode ser derivada de outras fórmulas (*premissas*).

Prova por dedução (II)

- Regras de inferência clássicas:

- ▶ **Modus ponens (MP):** $\{ \alpha \rightarrow \beta, \alpha \} \vdash \beta$

- ▶ **Modus tollens (MT):** $\{ \alpha \rightarrow \beta, \neg\beta \} \vdash \neg\alpha$

- ▶ **Silogismo hipotético (SH):** $\{ \alpha \rightarrow \beta, \beta \rightarrow \gamma \} \vdash \alpha \rightarrow \gamma$

- ★ Representam “esquemas de raciocínio” válidos

- ★ Podemos validar estes esquemas usando tabela-verdade

- ★ Podem ser usadas para derivar conclusões que são consequências lógicas de suas premissas

Prova por dedução (III)

- **Exemplo:** validar o argumento $\{ j \rightarrow g, \neg j \rightarrow t, g \rightarrow c, \neg c \} \models t$

1	$j \rightarrow g$	Δ
2	$\neg j \rightarrow t$	Δ
3	$g \rightarrow c$	Δ
4	$\neg c$	

5	$j \rightarrow c$	SH(1,3)
6	$\neg j$	MT(5,4)
7	t	MP(2,6)

- **Conclusão:** o argumento é válido, pois a fórmula t pode ser derivada de Δ .

Prova por refutação (I)

- Embora a prova por dedução seja um método mais prático que a tabela-verdade, ainda é muito difícil obter algoritmos eficientes para validação de argumentos com base neste método.
- **Refutação** é um processo em que se demonstra que uma determinada hipótese contradiz uma base de conhecimento.
- Uma base de conhecimento $\Delta = \{\alpha_1, \dots, \alpha_n\}$ é consistente se a fórmula correspondente $\alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n$ é satisfatível.
- Se $\Delta = \{\alpha_1, \dots, \alpha_n\}$ é consistente, provar $\Delta \models \gamma$ equivale a mostrar que o conjunto de fórmulas $\{\alpha_1 \wedge \dots \wedge \alpha_n, \neg\gamma\}$ é inconsistente.

Prova por refutação (II)

- **Argumento**

- 1 Se o time joga bem, então ganha o campeonato.
- 2 Se o time não joga bem, então o técnico é culpado.
- 3 Se o time ganha o campeonato, então os torcedores ficam contentes.
- 4 Os torcedores não estão contentes.
- 5 Logo, o técnico é culpado.

- **Refutação**

- | | |
|------------------------------------|------------------------|
| (a) O técnico não é culpado | hipótese |
| (b) O time joga bem | MT(a,2) |
| (c) O time ganha o campeonato | MP(b,1) |
| (d) Os torcedores ficam contentes | MP(c,3) |
| (e) Contradição! | Confrontando (d) e (4) |

Prova por refutação (III)

- **Exemplo:** validar o argumento $\{ j \rightarrow g, \neg j \rightarrow t, g \rightarrow c, \neg c \} \models t$

1	$j \rightarrow g$	Δ
2	$\neg j \rightarrow t$	Δ
3	$g \rightarrow c$	Δ
4	$\neg c$	Δ
<hr/>		
5	$\neg t$	Hipótese
6	j	MT(5,2)
7	g	MP(6,1)
8	c	MP(7,3)
9	\square	Contradição!

- **Conclusão:** como $\Delta \cup \{\neg t\}$ é inconsistente, segue que $\Delta \models t$.

Forma normal conjuntiva (I)

- Para simplificar a automatização do processo de refutação, vamos usar **fórmulas normais** (Forma Normal Conjuntiva – FNC).
- Passos para conversão para FNC:
 - ▶ Elimine a implicação:
$$\alpha \rightarrow \beta \equiv \neg\alpha \vee \beta$$
 - ▶ Reduza o escopo da negação:
$$\neg(\alpha \wedge \beta) \equiv \neg\alpha \vee \neg\beta$$
$$\neg(\alpha \vee \beta) \equiv \neg\alpha \wedge \neg\beta$$
 - ▶ Reduza o escopo da disjunção:
$$\alpha \vee (\beta \wedge \gamma) \equiv (\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma)$$

Forma normal conjuntiva (II)

- Exemplo de conversão para FNC:

- ▶ $p \vee q \rightarrow r \wedge s$

- ▶ $\equiv \neg(p \vee q) \vee (r \wedge s)$

- ▶ $\equiv (\neg p \wedge \neg q) \vee (r \wedge s)$

- ▶ $\equiv ((\neg p \wedge \neg q) \vee r) \wedge ((\neg p \wedge \neg q) \vee s)$

- ▶ $\equiv (\neg p \vee r) \wedge (\neg q \vee r) \wedge (\neg p \vee s) \wedge (\neg q \vee s) \quad \text{(FNC)}$

- ▶ **Fórmulas normais:** $\{ \neg p \vee r, \neg q \vee r, \neg p \vee s, \neg q \vee s \}$

Inferência por resolução (I)

- FNC permite usar inferência por resolução:

- A idéia da resolução é:

- ▶ $RES(\alpha \vee \beta, \neg\beta \vee \gamma) = \alpha \vee \gamma$

- ▶ $RES(\alpha, \neg\alpha) = \square$

- Equivalência entre resolução e regras de inferência clássicas:

$MP(\alpha \rightarrow \beta, \alpha) = \beta$	$RES(\neg\alpha \vee \beta, \alpha) = \beta$
$MT(\alpha \rightarrow \beta, \neg\beta) = \neg\alpha$	$RES(\neg\alpha \vee \beta, \neg\beta) = \neg\alpha$
$SH(\alpha \rightarrow \beta, \beta \rightarrow \gamma) = \alpha \rightarrow \gamma$	$RES(\neg\alpha \vee \beta, \neg\beta \vee \gamma) = \neg\alpha \vee \gamma$

Inferência por resolução (II)

- **Exemplo:** validar o argumento $\{ j \rightarrow g, \neg j \rightarrow t, g \rightarrow c, \neg c \} \models t$

1	$\neg j \vee g$	Δ
2	$j \vee t$	Δ
3	$\neg g \vee c$	Δ
4	$\neg c$	Δ
<hr/>		
5	$\neg t$	Hipótese
6	j	RES(5,2)
7	g	RES(6,1)
8	c	RES(7,3)
9	\square	RES(8,4)

- **Conclusão:** como $\Delta \cup \{\neg t\}$ é inconsistente, segue que $\Delta \models t$.

Inferência por resolução (III)

- **Exercício:** Prove usando refutação e inferência por resolução.
 - ▶ Se o programa possui erros de sintaxe, sua compilação produz uma mensagem de erro.
 - ▶ Se o programa não possui erros de sintaxe, sua compilação produz um programa executável.
 - ▶ Se tivermos um programa executável, podemos executá-lo para obter um resultado.
 - ▶ Não temos como executar o programa para obter um resultado.
 - ▶ Logo, a compilação do programa produz uma mensagem de erro.

Cálculo de predicados – Prova de teoremas (I)

- O processo de determinação de valores úteis para variáveis é a **unificação**
- A atribuição temporária de valores a variáveis é chamada de **instanciação**
- É comum instanciar uma variável com um valor, falhar em completar o casamento e então ser necessária uma volta – rastreamento para trás ou backtracking – para instanciá-la com valor diferente

Cálculo de predicados – Prova de teoremas (II)

- Propriedade criticamente importante da resolução: habilidade de detectar inconsistência em um conjunto de proposições
- Essa propriedade permite que a resolução seja usada para provar teoremas:
 - ▶ Em termos de cálculo de predicados como um conjunto de proposições pertinentes
 - ▶ Com a negação do próprio teorema iniciando como a nova proposição (por contradição)
 - ▶ Proposições originais são **hipóteses**
 - ▶ A negação do teorema é o **objetivo**
- Teoricamente válido e útil; finito quanto ao conjunto de proposições finito; porém o tempo para encontrar um inconsistência em uma grande base de proposições pode ser imenso

Cálculo de predicados – Prova de teoremas (III)

- Proposições usadas para resolução exigem apenas um tipo restrito de forma clausal
- Tipos especiais de proposições, chamados de **cláusulas de Horn** – de Alfred Horn (1951) –, podem ser de apenas duas formas:
 - ▶ Uma única proposição atômica do lado esquerdo (com cabeça ou *head*)
 - ▶ Um lado esquerdo vazio (sem cabeça)
- *Cláusulas de Horn com cabeça* – definição de **relacionamentos**:
 $\text{likes}(\text{bob}, \text{trout}) \leftarrow \text{likes}(\text{bob}, \text{fish}) \wedge \text{fish}(\text{trout})$
- *Cláusulas de Horn sem cabeça* – definição de **fatos**:
 $\text{father}(\text{bob}, \text{jake})$

Variáveis I

- As variáveis em Prolog servem para responder questões mais elaboradas
- Exemplos:
 - ▶ “Do que Maria gosta?”
 - ▶ “Quem mora em Atenas?”
- Variáveis distinguem-se dos objetos por terem nomes iniciados com letra maiúscula
- Considere o seguinte banco de dados:

```
gosta(maria, flores).  
gosta(maria, pedro).  
gosta(paulo, maria).
```

Se fizermos a pergunta:

```
?- gosta(maria, X).
```

Variáveis II

- Perguntamos “Do que Maria gosta?”. Prolog responde

`X = flores`

e fica esperando por mais instruções

- Novamente, buscam-se fatos que unifiquem com o fato da pergunta
- A diferença é que uma variável está presente agora
- Variáveis não instanciadas, como é o caso de `X` inicialmente, unificam com qualquer termo
- Prolog examina os fatos na ordem em que aparecem no banco de dados
- Portanto, `gosta(maria, flores)` é encontrado primeiro
- A variável `X` unifica com `flores` e, a partir deste momento, passa a ser instanciada com este termo
- Prolog também marca a posição no banco de dados onde a unificação ocorreu

Variáveis III

- Quando um fato que unifica com uma pergunta é encontrado, Prolog mostra os objetos que as variáveis guardam
- No exemplo, só há uma variável que foi unificada
- Se teclarmos ENTER, isto será interpretado que estamos satisfeitos com a resposta e a busca é interrompida
- Se teclarmos um ponto-e-virgula (;) seguido de ENTER, Prolog continua sua busca do ponto onde tinha parado, tentando outra resposta à pergunta
- Em vez de começar do início do banco de dados, está tentando ressatisfazer a pergunta

Conjunções I

- Questões mais complexas podem ser feitas com conjunções
- Problema com metas separadas que Prolog deve tentar satisfazer uma a uma

```
gosta(maria, chocolate).
```

```
gosta(maria, vinho).
```

```
gosta(pedro, vinho).
```

```
gosta(pedro, maria).
```

Segue uma pergunta que significa “Pedro gosta de Maria e Maria gosta de Pedro?”:

```
?- gosta(pedro, maria), gosta(maria, pedro).
```

A vírgula é pronunciada “e” e serve separar um número qualquer de metas diferentes

- No exemplo, a resposta será “não”. Embora a primeira meta seja um fato, a segunda não pode ser provada

Conjunções II

- Conjunções combinadas com variáveis
- Exemplo: “Há algo de que ambos Maria e Pedro gostam?”
?- `gosta(maria, X), gosta(pedro, X)`.
- Caso Prolog consiga satisfazer a primeira meta, manterá uma marca no banco de dados no ponto em que houve unificação e tenta a segunda meta
- Se a segunda meta também for satisfeita, Prolog coloca uma outra marca para a segunda meta
- Cada meta tem sua própria marca no banco de dados
- Se a segunda meta falhar, Prolog tentará ressatisfazer a meta anterior (neste caso, a primeira) a partir da marca esta meta.

Backtracking I

- 1 A primeira meta encontra o fato unificador `gosta(maria, chocolate)`. A variável `X` é instanciada a `chocolate` em todas as ocorrências de `X` na pergunta. Prolog marca esta posição para a primeira meta e a instanciação de `X`
- 2 A segunda meta, que virou `gosta(pedro, chocolate)`, devido à instanciação de `X`, não unifica com nada no banco de dados, e por isso a meta falha. Prolog então tentará ressatisfazer a meta anterior do ponto onde esta parou no banco de dados e desfazendo instanciações associadas
- 3 Na ressatisfação da primeira meta, o próximo fato unificador é `gosta(maria, vinho)`. Prolog move a marca para a nova posição e instancia `X` a `vinho`

Backtracking II

- 4 Prolog tenta a próxima meta, que agora é `gosta(pedro, vinho)`. Esta não é uma ressatisfação, mas sim uma meta inteiramente nova, e portanto a busca é feita a partir do início do banco de dados. Esta nova meta é satisfeita e Prolog coloca a marca desta meta no fato unificador.
- 5 Todas as metas da pergunta estão satisfeitas agora. Prolog imprime as instanciações de variáveis:

`X = vinho`

e aguarda instruções

Regras I

- Uma regra é uma afirmação geral sobre objetos e seus relacionamentos
- Por exemplo, suponho que queremos representar a seguinte dependência entre fatos:

Pedro gosta de todo mundo que gosta de vinho

o que pode ser reescrito como:

Pedro gosta de X se X gosta de vinho.

- Em Prolog, regras consistem de uma cabeça e um corpo.
- A cabeça e o corpo são conectados pelo símbolo “:-” formado por dois pontos e hífen
- O “:-” pronuncia-se “se”
- O exemplo seria escrito:

```
gosta(pedro, X) :- gosta(X, vinho).
```

Regras II

- Podemos tornar Pedro mais exigente sobre o que ele gosta adicionando mais metas ao corpo da regra. Exemplo, “Pedro gosta de qualquer um que goste de vinho e de chocolate”:

```
gosta(pedro, X) :- gosta(X, vinho), gosta(X, chocolate).
```

- Ou então, supondo que Pedro gosta de mulheres que gostam de vinho:

```
gosta(pedro, X) :- mulher(X), gosta(X, vinho).
```

Note que a mesma variável X ocorre três vezes na regra. Dizemos que o escopo de X é a regra toda. Isto significa que, quando X for instanciada, as três ocorrências terão o mesmo valor

Regras III

- Uma meta unifica com uma regra se ela unifica com a cabeça da regra.
- Agora, para verificar a veracidade da regra, o corpo é usado
- Diferentemente dos fatos, onde basta haver unificação para que a meta seja satisfeita, no caso de uma regra a unificação na verdade transfere a verificação da satisfação para a conjunção de metas que formam o corpo da regra
- Vamos ilustrar este procedimento com nosso próximo exemplo, que envolve a família da rainha Vitória. Usaremos o predicado pais com três argumentos tal que `pais(X, Y, Z)` significa que “os pais de X são Y e Z”.
- O segundo argumento é a mãe e o terceiro é o pai de X. Usaremos também os predicados mulher e homem para indicar o sexo das pessoas.

Regras IV

- Banco de dados

```
homem(alberto).
```

```
homem(eduardo).
```

```
mulher(alice).
```

```
mulher(vitoria).
```

```
pais(eduardo, vitoria, alberto).
```

```
pais(alice, vitoria, alberto).
```

- Definiremos agora o predicado `irma_de` tal que `irma_de(X, Y)` seja satisfeito quando `X` for irmã de `Y`. Dizemos que `X` é irmã de `Y` quando
 - ▶ `X` é mulher
 - ▶ `X` tem mãe `M` e pai `P`, e
 - ▶ `Y` tem os mesmos pais de `X`

Regras V

- Em Prolog:

```
irma_de(X, Y) :-  
    mulher(X),  
    pais(X, M, P),  
    pais(Y, M, P).
```

- Se perguntarmos:

```
?- irma_de(alice, eduardo).
```

Regras VI

Processamento da pergunta: `?- irma_de(alice, eduardo).`

N	Meta	Marca	Variáveis
1	<code>irma_de(alice, eduardo)</code>	<code>irma_de</code> regra 1	$X_1 = \text{alice}, Y_1 = \text{eduardo}$
1.1	<code>mulher(alice)</code>	<code>mulher</code> fato 1	-
1.2	<code>pais(alice, M₁, P₁)</code>	<code>pais</code> fato 2	$M_1 = \text{vitoria}, P_1 = \text{alberto}$
1.3	<code>pais(eduardo, vitoria, alberto)</code>	<code>pais</code> fato 1	-

Processamento da meta: `irma_de(alice, X).`

N	Meta	Marca	Variáveis
1	<code>irma_de(alice, X)</code>	<code>irma_de</code> regra 1	$X_1 = \text{alice}, Y_1 = X$
1.1	<code>mulher(alice)</code>	<code>mulher</code> fato 1	-
1.2	<code>pais(alice, M₃, P₃)</code>	<code>pais</code> fato 2	$M_1 = \text{vitoria}, P_1 = \text{alberto}$
1.3	<code>pais(Y₁, vitoria, alberto)</code>	<code>pais</code> fato 1	$Y_1 = \text{eduardo}$

Exercícios

- Suponha que queiramos saber de quem Alice é irmã
- A pergunta adequada seria

```
?- irma_de(alice, X).
```

- O que ocorre então na segunda tabela, onde **X** sem índice indicará a variável da pergunta.
- Observe que $X=Y_1=eduardo$ e portanto Prolog responde:

```
X = eduardo
```

e fica aguardando novas instruções. O que acontecerá se pedirmos respostas alternativas?

- Descreva o que acontece se forem pedidas respostas alternativas no exemplo envolvendo o predicado `irma_de` acima. Este é o comportamento esperado? Como consertar a regra, supondo que existe um predicado `dif(X, Y)` que é satisfeito quando **X** e **X** são diferentes?

Trabalho 1 – Parte B (entrega pelo Moodle)

- Enunciado:

`https://www.inf.ufsc.br/~alexandre.silva/courses/17s2/ine5416/exercicios/t1B.pdf`

Referências

- SEBESTA, Robert W. Conceitos de Linguagens de Programação. 5a. Ed. Porto Alegre: Bookman, 2003.
- Notas dos Prof. Joao Meidanis (IC/UNICAMP), Prof. Silvio do Lago Pereira (DTI/FATEC) e Profa. Jerusa Marchi (INE/UFSC)