# Capítulo 3 Modelo Relacional

#### **Modelo Relacional**

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- Visões

#### **Modelo Relacional**

- ◆ Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- Visões

#### **Estrutura Básica**

Dados conjuntos A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, ..., A<sub>n</sub>, uma relação r é um subconjunto de

$$A_1 \times A_2 \times ... \times A_n$$

Assim, uma relação é um conjunto de n-tuplas (a<sub>1</sub>,a<sub>2</sub>,...,a<sub>n</sub>)

onde a<sub>i</sub>∈A<sub>i</sub> , para cada i de 1 até n

#### Estrutura Básica

Exemplo:

Se

```
nome_cliente = {Jones, Smith, Curry, Lindsay}
rua_cliente = {Main, North, Park}
cidade_cliente = {Harrison, Rye, Pittsfield}
```

Então r = {(Jones, Main, Harrison), (Smith, North, Rye), (Curry, North, Rye), (Lindsay, Park, Pittsfield)} é uma relação sobre

nome\_cliente × rua\_cliente × cidade\_cliente

#### Esquema de Relação

- Sejam os atributos A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, ..., A<sub>n</sub>
- R =  $(A_1, A_2, ..., A_n)$  é dito ser um esquema de relação
  - Esquema\_cliente = (nome\_cliente, rua\_cliente, cidade\_cliente)
- r(R) é uma relação no esquema de relação R cliente (Esquema\_cliente)

#### Instância de Relação

- Os valores correntes de uma relação (instância da relação) são especificados por uma tabela.
- Um elemento t de r é uma tupla; representada por uma linha na tabela.

nome_cliente	rua_cliente	cidade_cliente
Jones Smith	Main North	Harrison Rye
Curry	North	Rye
Lindsay	Park	Pittsfield

cliente

- Como as tabelas em essência são relações, utiliza-se os termos matemáticos *relação* e *tupla*, no lugar de *tabela* e *linhas*.
- Como uma *relação* é um conjunto de *tuplas*, podemos usar a notação matemática t + r para denotar que a *tupla t* está na *relação r*.

#### **Chaves**

- Seja K ⊆ R
- ★ K é uma super chave de R se valores de K são suficientes para identificar uma única tupla de cada possível relação r(R). Por "possível r" estamos querendo denotar uma relação que poderia existir na empresa que está sendo modelada.

Exemplo: {cliente\_nome, rua\_nome} e {cliente\_nome} são ambas super chaves de cliente, se assumirmos que dois clientes não possam ter o mesmo nome.

#### **Chaves**

K é uma chave candidata se K é mínima.
Exemplo: {cliente\_nome} é uma chave candidata para cliente, pois ela é super chave (assumindo que dois clientes não possam ter o mesmo nome) e é mínima desde que nenhum subconjunto dela é uma super chave.

# Determinando Chaves a partir dos Conjuntos E-R

- Conjunto de entidades fortes. A chave primária da entidade torna-se a chave primária da relação.
- Conjunto de entidades fracas. A chave primária da relação consiste da união da chave primária da entidade forte relacionada e o discriminador da entidade fraca.

# **Determinando Chaves a** partir dos Conjuntos E-R

Conjunto de relacionamentos. A união da chave primária das entidades relacionadas tornase uma super chave da relação. Para relacionamentos binários do tipo muitos-paramuitos, essa super chave também é a chave primária. Para relacionamentos binários do tipo muitos-para-um, a chave primária da entidade "muitos" torna-se a chave primária da relação. Para relacionamentos binários do tipo um-paraum, pode ser a chave primária de qualquer das duas entidades.

#### Linguagens de Consulta

- Linguagem por meio da qual usuários solicitam informações do banco de dados.
- Categoria de linguagens:
  - Procedural
  - Não-procedural
- Linguagens "Puras":
  - Álgebra Relacional (procedural)
  - Cálculo relacional de tupla (não-procedural)
  - Cálculo relacional de domínio (não-procedural)
- Linguagens puras (formais, sem a sintaxe agradável das linguagens comerciais) formam a base subjacente das linguagens de consultas usadas comercialmente.

#### **Modelo Relacional**

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- ♦ Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- Visões

# **Álgebra Relacional**

- Linguagem procedural
- Seis operadores básicos
  - seleção (σ)
  - projeção ( → 0 )
  - união ( ¾ )
  - diferença ( )
  - Produto cartesiano (x)
  - Rename ( ↑ )
- Os operadores tomam uma ou mais relações como entrada e produzem uma nova relação como resultado.

O que são operações primárias?

O que são operações binárias?



O que são operações primárias ?

São aquelas operações que são efetuadas em cima de uma única relação (ou seja única tabela).

Quais as operações que vocês consideram como primárias ?

- Seleção, projeção e rename

O que são operações binárias?

As operações que operam sobre um par de relações (tabelas) são ditas operações binárias.

Quais operações podemos considerar como binárias?

- União, Diferença e Produto cartesiano

Os operadores tomam **uma ou mais relações** como **entrada** e produzem uma **nova relação** como **resultado**.

Está certa está afirmação?

Os operadores tomam **uma ou mais** <u>tabela</u> como **entrada** e produzem uma **nova** <u>tabela</u> como **resultado**.

#### Operação de Seleção

- Notação: σ<sub>P</sub>(r)
- Definida como:  $\sigma_P(r) = \{t \mid t \in r \text{ and } P(t)\}$
- Onde P é uma fórmula do cálculo proposicional, tratando termos da seguinte forma:

```
<atributo> = < atributo > ou <constante>
```

```
≠
>
≥
<
```

"conectados por":  $^{(and)}$ ,  $\vee$  (or),  $\neg$  (not)

A operação de *seleção* é representada pela letra grega √, assim temos :

V<sub>nome\_agência = UFSC</sub> (empréstimo)

Onde:

- Predicado : nome agência = UFSC
- Argumento da Relação: empréstimo

# Operação de Seleção – Exemplo

◆Relação r:

4	4	В	С	D
	χ	α	1	7
· C	X	β	5	7
ß	3	β	12	3
<u> </u>	3	β	23	10

#### Operação de Projeção

Notação:

 $\Pi_{A_1, A_2, \dots, A_k}(\mathbf{r})$ 

onde A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub> são nomes de atributos e r um nome de relação.

- O resultado é definido como a relação de k colunas obtida pela remoção das colunas que não estão listadas
- Linhas duplicadas são eliminadas do resultado, visto que relações são conjuntos.

# Operação de Projeção - Exemplo

◆Relação r:

A	В	С
α	10	1
α	20	1
β	30	1
β	40	2

**♦**Π <sub>A, C</sub>(r)

Α	С		A	С
α	1		α	1
<del>- &amp;-</del>	4	=	β	1
β	1		β	2
β	2			

## Operação União

- ♦ Notação: r ∪ s
- Definida como:

$$r \cup s = \{t \mid t \in r \text{ or } t \in s\}$$

- ◆ Para r ∪ s ser válida,
  - 1. **r**, **s** devem ter o mesmo grau (aridade mesmo número de atributos).
  - 2. Os domínios dos atributos devem ser compatíveis (ex.: a segunda coluna de r lida com o mesmo tipo de valores da segunda coluna de s).

# Operação União - Exemplo

Relações r, s:

 α
 1

 α
 2

 β
 1

A B
α 2
β 3



 α
 1

 α
 2

 β
 1

 β
 3

## Operação Diferença

- ♦ Notação: r s
- Definida como:

$$r - s = \{t \mid t \in r \text{ and } t \notin s\}$$

- A operação de diferença só pode ser realizada entre relações compatíveis.
  - r e s devem ter o mesmo grau.
  - Os domínios dos atributos de r e s devem ser compatíveis

# Operação Diferença – Exemplo

Relações r, s:

r

S

 α
 1

 α
 2

 β
 1

АВ

α 2 β 3

**♦**r - s

 α
 1

 β
 1

## **Operação Produto Cartesiano**

- ♦ Notação: r × s
- Definida como:

$$r \times s = \{t \mid q \mid t \in r \text{ and } q \in s\}$$

- Assuma que os atributos de r(R) e s(S) são disjuntos. (Isto é, R  $\cap$  S =  $\emptyset$  ).
- Se os atributos de r(R) e s(S) não são disjuntos, então uma renomeação deve ser feita.

# Operação Produto Cartesiano - Exemplo

Relações r,s:

r	
A	В
α	1
β	2

S		
С	D	E
α	10	+
β	10	+
ββ	20	-
γ	10	-

- Allen -		
- SE		
400		_
_		

+
+
-
_
+
+
-
-

#### Composição de Operações

- Pode-se construir expressões usando múltiplas operações
- $\bullet$  Exemplo :  $\sigma_{A=C}(r \times s)$
- r x s
  - Notação: r s
  - Sejam r e s relações sobre esquemas R e S, respectivamente. O resultado é uma relação com esquema R ∪ S o qual é obtido considerando cada par de tuplas t<sub>r</sub> de r e t<sub>s</sub> de s.
  - Se t<sub>r</sub> e t<sub>s</sub> têm os mesmos valores em cada um dos atributos comuns (i.e., R∩S), então a tupla t é adicionada ao resultado, onde
    - t tem o mesmo valor como t<sub>r</sub> em r
    - t tem o mesmo valor como t<sub>s</sub> em s

#### Composição de Operações

#### Exemplo:

$$R = (A,B,C,D)$$
$$S = (E,B,D)$$

- $\bullet$ Esquema resultado = (A,B,C,D,E)
- ♦r s é definido como:
- $\bullet \pi$  r.A, r.B, r.C, r.D,s.E ( $\sigma$  r.B= s.B  $^{\land}$  r.D= s.D ( $r \times s$ ))

# Operação de Junção Natural – Exemplo

Relações r,s:

A	В	С	D
α	1	α	а
β	2	γ	a
γ	4	β	b
α	1	γ	a
δ	2	β	b

S

В	D	Ε
1	а	α
3	а	β
1	a	γ
2	b	γ δ
3	b	3



S

	В	С	n	Е
Α	D	C	D	
α	1	α	а	α
α	1	α	а	γ
α	1	γ	а	α
α	1	γ	a	γ
δ	2	β	b	δ

#### Operação de Divisão

#### r÷s

- é interessante para consultas que incluem a frase "para todos".
- Sejam r e s relações com esquemas R e S respectivamente, onde
  - $\blacksquare$  R = (A<sub>1</sub>, ..., A<sub>m</sub>, B<sub>1</sub>, ..., B<sub>n</sub>)
  - $S = (B_1, ..., B_n)$

O resultado de r ÷ s é uma relação com esquema

$$R - S = (A_1, ..., A_m)$$
, tal que

$$r \div s = \{t \mid t \in \Pi_{R-S}(r) \land \forall u \in s (tu \in r)\}$$

# Operação de Divisão - Exemplo

Relações r,s:

A	В
α	1
α	2
α	2 3
β	1
β γ	1
δ	1
δ	3
δ	4
δ	6
3	1
S	2

B

Α	В
α	1
α	2
α	3
β	1 2 3 1
γ	1
δ	1
δ	3
δ	4
α α α β γ δ δ δ ε	1 1 3 4 6 1
 3	1



#### **Outro Exemplo de Divisão**

Relações r,s:

A	В	С	D	E
α	а	α	а	1
α	а	γ	а	1
α	a	γ	b	1
β	a	γ	a	1
ββ	a	γ	b	3
γ	a	γ	а	1
γ	a	γ	b	1
γ	a	β	b	1

S	
D	E
а	1
•	•

♦r÷s

A	В	С
 α	а	γ
 γ	а	γ

## Operação de Designação

♠ A operação de designação (←) provê uma maneira conveniente de expressar consultas complexas; escrever uma consulta como um programa seqüencial consiste de uma série de atribuições seguidas por uma expressão cujo valor é apresentado como o resultado da consulta.

## Operação de Designação

- A designação deve sempre ser feita a uma variável de relação temporária.
- Exemplo: Escrever  $\mathbf{r} \div \mathbf{s}$  como  $temp1 \leftarrow \Pi_{R-s}(\mathbf{r})$   $temp2 \leftarrow \Pi_{R-s}((temp1 \times \mathbf{s}) \Pi_{R-s,s}(\mathbf{r}))$ 
  - result = temp1 temp2
  - O resultado da expressão a direita de ← é atribuído à variável de relação à esquerda de ←.
  - Pode-se usar variáveis em expressões subseqüentes.

Encontrar todos os clientes que tenham ao menos uma conta nas agências "Downtown" e "Uptown".

#### Consulta 1

```
\Pi_{\text{nome\_cliente}}(\sigma_{\text{nome\_agência}=\text{``Downtown''}}(\text{depositante}\bowtie\text{conta}))\cap\\\Pi_{\text{nome\_cliente}}(\sigma_{\text{nome\_agência}=\text{``Uptown''}}(\text{depositante}\bowtie\text{conta}))
```

Achar todos os clientes que tem uma conta em todas as agências localizadas no Brooklyn.

 $\bowtie$ 

 $\Pi_{\text{cliente\_nome, agencia\_nome}}$  (depositante conta)

 $\div \Pi_{agencia\_nome} (\sigma_{cidade\_agencia} = "Brooklyn" (agencia))$ 

#### **Modelo Relacional**

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- ◆Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- Visões

# Cálculo Relacional de Tupla

- O Cálculo Relacional de Tupla é uma linguagem não-procedural, onde cada consulta é da forma {t | P (t)}
- Este é o conjunto de todas as tuplas t que tornam o predicado P verdadeiro.
- t é uma variável de tupla; t[A] denota o valor da tupla t no atributo A.
- ♦ t ∈ r denota que a tupla t está na relação r.
- P é uma fórmula similar àquelas do cálculo de predicados.

#### Fórmulas do Cálculo de Predicado

#### Incluem:

- 1. Conjunto de atributos e constantes.
- 2. Conjunto de operadores comparação: (e.g., <,  $\le$ , =,  $\neq$ , >,  $\ge$ )
- 3. Conjunto de conectivos lógicos: and (^), or (∨), not (¬)
- Implicação (⇒): x ⇒ y, se x é verdade, então y é verdade.

$$X \Rightarrow y \equiv \neg X \vee y$$

- 5. Conjunto de quantificadores:
  - ∃ t ∈ r (Q(t)) "existe" uma tupla t na relação r que torna o predicado Q(t) verdadeiro.

## O Exemplo da Empresa Bancária

```
agência (nome_agência,cidade_agência, fundos)

cliente (nome_cliente, rua_cliente, cidade_cliente)

conta (nome_agência, número_conta, saldo)

empréstimo (nome_agência, número_empréstimo, total)
```

depositante (nome\_cliente, número\_conta)
devedor (nome\_cliente, número\_empréstimo)

(1) Achar os nomes de todas as agências na relação **emprestimo** 

select nome\_agencia
from emprestimo

(2) Achar os nomes de todas as agencias na relação emprestimo e remover as duplicatas

select distinct nome\_agencia
from emprestimo

(3) Achar todos os numeros de emprestimos de emprestimos feitos na agencia Perryridge com totais maiores que \$1200.

select numero\_empestimo
from emprestimo
where nome\_agencia = 'Perryridge'
and total > 1200

(4) Achar o numero do emprestimo dos emprestimos com total entre \$90,000 e \$100,000 (isto e, >= \$90,000 and <= \$100,000)

select numero\_emprestimo
from emprestimo

where total between 90000 and 100000

(5) Encontre o nome do cliente e o numero de emprestimo de todos os clientes que possuem um emprestimo na agencia Perryridge.

select distinct
nome\_cliente,devedor.numero\_emprest
imo
from devedor,emprestimo
where devedor.numero\_emprestimo =
emprestimo.numero\_emprestimo
and nome agencia = 'Perryridge'

(6) Encontre o nome e o numero do emprestimo dos clientes que possuem um emprestimo na agencia Perryridge; substitua o nome da coluna numero\_emprestimo por numero\_do\_emprestimo\_do\_devedor'.

select distinct nome\_cliente,
devedor.numero\_emprestimo as

```
numero_do_emprestimo_do_dev
edor

from devedor, emprestimo
where devedor.numero_emprestimo
= emprestimo.numero_emprestimo
and nome_agencia = 'Perryridge'
```

(7) Encontre o nome dos clientes e seus numeros de emprestimo para todos os clientes que possuem um emprestimo em alguma agencia.

```
select distinct nome_cliente,
   T.numero_emprestimo

from devedor as T, emprestimo as S
where T.numero_emprestimo
   =S.numero_emprestimo
```

(8) Encontre o nome de todas as agencias que possuam fundos maiores que ao menos uma agencia daquelas localizadas no Brooklyn.

(9) Listar em ordem alfabetica os nomes de todos os clientes que tem um emprestimo na agencia Perryridge:

select distinct nome\_cliente
from devedor, emprestimo
where devedor.numero\_emprestimo =
 emprestimo.numero\_emprestimo
and nome\_agencia = 'Perryridge'
order by nome\_cliente

(10) Encontre todos os clientes que possuam um emprestimo, uma conta ou ambos:

(select nome\_cliente from depositante )
union(select nome cliente from devedor)

(11) Encontre todos os clientes que possuem ambos uma conta e um emprestimo:

```
(select nome_cliente from depositante )
intersect (select nome cliente from devedor )
```

(12) Encontre todos os clientes que possuem uma conta mas não possuem emprestimo;

(13a) Encontre a média dos saldos em contas na agencia Perryridge.

select avg (saldo)
from contas
where nome agencia = 'Perryridge'

(13b) Encontre o numero de tuplas na relação clientes:

select count (\*)
from cliente

(14) Encontre o numero de depositantes no banco:

select count (distinct nome\_cliente)
from depositante

(15) Encontre o numero de depositantes em cada agencia.

select nome\_agencia, count (distinct
nome\_cliente )
from depositante,conta
where depositante.numero\_conta
=conta.numero\_conta
group by nome\_agencia

(16) Encontre o nome de todas as agencias onde a media do saldo das contas seja maior que \$1,200

select nome\_agencia, avg (saldo)
from conta
group by nome\_agencia
having avg (saldo) > 1200

(17) Encontrar todos os clientes que possuem uma conta e um emprestimo no banco.

select distinct nome\_cliente
from devedor
where nome\_cliente in (select nome\_cliente
from depositante)

(18) Encontre a media do balanço de contas das agencias onde a media do balanço de contas e maior que \$1200.

```
select nome_agencia, saldo_medio
from (select nome_agencia, avg (saldo)
    from conta
group by nome_agencia)
    as result (nome_agencia, saldo_medio)
where saldo_medio > 1200
```

(19) Exclua todas os registros de contas da agencia Perryridge

delete from conta
where nome\_agencia = 'Perryridge'

(20) Apague os registros de todas as contas com saldos abaixo da media no banco

(21) Adicionar uma nova tupla em conta

insert into conta values ('Perryridge', A-9732, 1200)

ou de forma equivalente

insert into conta (nome\_agencia, saldo,
numero\_conta)
values ('Perryridge', 1200, A-9732)

(22) Forneça aos clientes da agencia Perryridge uma caderneta de poupança de \$200 como brinde para cada emprestimo que eles tenham. O numero do emprestimo será usado como numero da caderneta de poupança

```
insert into conta

select nome_agencia,

numero_emprestimo,200

from emprestimo

where nome_agencia = 'Perryridge'
```

```
insert into depositante

select nome_cliente,

numero_emprestimo

from emprestimo, devedor

where nome_agencia = 'Perryridge'

and emprestimo.numero_conta =

devedor.numero conta
```

Encontrar o nome\_agência, número\_empréstimo, e total para empréstimos acima de \$1200:

{t | t ∈ empréstimo ^ t [total] > 1200 }

Encontrar o número\_empréstimo para cada empréstimo com valor acima de \$1200:

```
{t | ∃s ∈ empréstimo
(t[número_empréstimo] =
s[número_empréstimo] ^ s[total] > 1200)}
```

Note que uma relação no esquema [empréstimo] é definida implicitamente pela consulta.

Encontrar os nomes de todos os clientes que têm um empréstimo, uma conta, ou ambos no banco:

```
{t | ∃s ∈ devedor (t[cliente_nome]=s[cliente_nome])
∨ ∃ u ∈ depositante (t[cliente_nome]=u[cliente_nome])}
```

Encontrar os nomes de todos os clientes que têm um empréstimo e uma conta no banco:

```
{t | ∃s ∈ devedor (t[cliente_nome]=s[cliente_nome])
∧ ∃ u ∈ depositante (t[cliente_nome]=u[cliente_nome])}
```

## **Exemplo de Consultas**

Encontrar o nome de todos os clientes que têm um empréstimo na agência Perryridge:

```
{t | ∃ s ∈ devedor (t[nome_cliente]=s[nome_cliente]
^ ∃ u ∈ empréstimo (u[nome_agência]="Perryridge"
```

^ u[número\_empréstimo]=s[número\_empréstimo]))}

Encontrar o nome de todos os clientes que têm um empréstimo na agência Perryridge, mas não tem conta em nenhuma agência do banco:

```
{t | ∃ s ∈ devedor (t[nome_cliente]=s[nome_cliente]
```

- ^ ∃ u ∈ empréstimo (u[nome\_agência]="Perryridge"
- ^ u[número\_empréstimo]=s[número\_empréstimo]))}
- ^ ¬(∃v) ∈ depositante (v[nome\_cliente]= t[nome\_cliente]}

## Exemplo de Consultas

```
Encontrar os nomes de todos os clientes que têm
  empréstimos na agência de Perryridge e nas
  cidades em que eles vivem:
  {t | ∃s ∈ empréstimo (s[nome_agência] =
  "Perryridge"
     ^∃ u ∈ devedor
  (u[número_empréstimo]=s[número_empréstimo]
         ^ t[nome_cliente]=u[nome_cliente]
    ^ ∃ v ∈ cliente
  (u[nome_cliente]=v[nome_cliente]
          ^ t[cidade_cliente]=v[cidade_cliente])))}
```

## **Exemplo de Consultas**

Encontrar os nomes de todos os clientes que têm uma conta em todas s agências localizadas no Brooklyn:

### Expressões de Segurança

- É possível escrever expressões do cálculo de tuplas que gerem relações infinitas.
- Por exemplo,  $\{t \mid \neg t \in r\}$  resulta em uma relação infinita se o domínio de qualquer atributo da relação r for infinito.
- Este problema é tratado restringindo o conjunto de expressões possíveis à expressões seguras.
- Uma expressão {t | P (t)} do cálculo relacional de tuplas é segura se toda componente de t aparece em uma das relações, tuplas, ou constantes que aparecem em P.

## Expressividade das Linguagens

- O cálculo relacional de tuplas limitado por expressões de segurança é equivalente em poder de expressividade à álgebra relacional.
- Toda expressão do cálculo relacional possui expressão semelhante na álgebra relacional, e vice-versa.

#### **Modelo Relacional**

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- Visões

### Cálculo Relacional de Domínio

- O cálculo relacional de domínio é uma linguagem de consultas não-procedural equivalente ao cálculo relacional de tupla.
- Essa forma usa variáveis de domínio que tomam valores do domínio de um atributo, ao invés de valores da tupla inteira.
- Cada consulta é uma expressão da forma:

$$\{< x_1, x_2, ..., x_n > | P(x_1, x_2, ..., x_n)\}$$

#### onde

- x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, ..., x<sub>n</sub> representam variáveis de domínio
- P representa uma fórmula similar àquelas do cálculo de predicados

## Exemplo de Consultas

Achar o nome\_agência, número\_empréstimo e total para empréstimos acima de \$1200:

Achar os nomes de todos os clientes que possuem empréstimos acima de \$1200:

```
\{<c> \mid \exists b,l,a \ (<c,l> \in devedor^ < b,l,a> \in empréstimo ^ a > 1200)\}
```

Achar os nomes de todos os clientes e o total do empréstimo dos que possuem um empréstimo na agência Perryridge:

$$\{< c,a > | \exists l (< c,l > \in devedor \land \exists b (< b,l,a > \in empréstimo \land b = "Perryridge"))\}$$

## Exemplo de Consultas

Achar os nomes de todos os clientes que têm um empréstimo, uma conta, ou ambos na agência Perryridge: {< c > | ∃| (< c,| > ∈ devedor ^∃b,a (< b,|,a > ∈ empréstimo ^ b = "Perryridge"))
 ∨ ∃ a (< c,a > ∈ depositante

^∃ b,n (< b,a,n >  $\in$  conta ^ b = "Perryridge"))}

Achar os nomes de todos os clientes que possuem conta em todas as agências localizadas no Brooklyn:

 $\{<c> \mid \forall x,y,z \ (<x,y,z> \in agencia ^ y = "Brooklyn") \}$  $\exists a,b \ (<x,a,b> \in conta ^ < c,a> \in depositante)\}$ 

## Expressões de Segurança

$$\{ < x_1, x_2, ..., x_n > | P(x_1, x_2, ..., x_n) \}$$

- É segura se todas as seguintes propriedades são válidas:
- 1. Todos os valores que aparecem nas tuplas das expressões são valores de dom(P) (isto é, os valores aparecem ou em P ou em uma tupla de uma relação mencionada em P).
- 2. Para toda sub-fórmula "existe" da forma  $\exists x(P_1(x))$ , a subfórmula é verdadeira se e somente se existe um valor x em dom $(P_1)$  tal que  $P_1(x)$  é verdadeiro.
- 3. Para toda sub-fórmula "para todo" da forma  $\forall x (P_1(x))$ , a sub-fórmula é verdadeira se e somente se  $P_1(x)$  é verdadeiro para todos os valores x de dom $(P_1)$ .

## Expressividade das Linguagens

### São equivalentes:

- Álgebra relacional
- Cálculo relacional de tuplas restrito por expressões de segurança
- Cálculo relacional de domínio restrito por expressões de Segurança

# Modelo Relacional

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- Visões

## Operações da Álgebra relacional Estendida

#### Serão vistas:

- Projeção generalizada
- ◆Junção externa (Outer Join)
- Funções Agregadas

## Projeção Generalizada

Estende a operação de projeção para permitir que funções aritméticas sejam usadas em listas de projeções.

$$\Pi_{F1, F2, ..., Fn}(E)$$

- E é uma expressão da álgebra relacional.
- ♦ Os F<sub>1</sub>, F<sub>2</sub>, ..., F<sub>n</sub> são expressões aritméticas envolvendo constantes e atributos no esquema de E.
- Dada uma relação info\_crédito(nome\_cliente, limite, saldo\_crédito), achar o quanto cada pessoa ainda pode gastar:

## Junção Externa

- Uma extensão da operação de junção que evita perda de informações.
- Calcula-se a junção e então adiciona-se ao resultado da junção as tuplas de uma relação que não combinam (*match*) com as tuplas da outra relação.
- Uso de valores nulos:
  - Nulo significa que o valor é desconhecido ou não existe.
  - Todas as comparações envolvendo valores nulos são falsas por definição.

## Exemplo de Junção Externa

Relação empréstimo

nome_agência	número_emprestimo	total
Downtown	L-170	3000
Redwood	L-230	4000
Perryridge	L-260	1700

nome_cliente	edc	3V€	de	0	ã	Çã	lag	el	R	<b>&gt;</b>	4
Jones											
Smith Haves	<u></u>										

## Exemplo de Junção **Externa**

### ◆empréstimo devedor

nome_agência	número_agência	total	nome_cliente
Downtown	L-170	3000	Jones
Redwood	L-230	4000	Smith

### empréstimo

#### devedor

nome_agência	número_empréstimo	total	nome_cliente	número_empréstimo
Downtown	L-170	3000	Jones	L-170
Redwood	L-230	4000	Smith	L-230
Perryridge	L-260	1700	nulo	nulo

## Exemplo de Junção **Externa**

### ♦ empréstimo devedor

nome_agência	número_empréstimo	total	nome_cliente
Downtown	L-170	3000	Jones
Redwood	L-230	4000	Smith
null	L-155	null	Hayes

empréstimo

devedor

nome_agência	número_empréstimo	total	nome_cliente
Downtown	L-170	3000	Jones
Redwood	L-230	4000	Smith
Perryridge	L-260	1700	null
null	L-155	null	Hayes

## Funções agregadas

A operação de agregação G tem como entrada uma coleção de valores e retorna um único valor como resultado.

avg: média dos valores

min: valor mínimo

max: valor máximo

sum: soma dos valores

count: número de valores

### G<sub>1</sub>, G<sub>2</sub>, ..., G<sub>n</sub> G F<sub>1</sub> A<sub>1</sub>, F<sub>2</sub> A<sub>2</sub>, ..., F<sub>m</sub> A<sub>m</sub> (E)

#### **Onde**

- E expressão da álgebra relacional
- G<sub>1</sub>, G<sub>2</sub>, ..., G<sub>n</sub> é uma lista de atributos para agrupar
- F<sub>i</sub> é uma função de agregação
- A<sub>i</sub> é um nome de atributo

## Exemplo de Funções Agregadas

◆Relação r:

A	В	С
α	α	7
α	β	7
β	β	3
β	β	10

 $sum_{c}(r)$ 

sum-C

**27** 

## Exemplo de Funções Agregadas

Relação conta agrupada pelo

nome\_a

nome_agência	número_conta	saldo
Perryridge	A-102	400
Perryridge	A-201	900
Brighton	A-217	<b>750</b>
Brighton	A-215	<b>750</b>
Redwood	A-222	700



 nome_agência	soma_saldo
 Brighton Redwood	1500 700

# Modelo Relacional

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- ♦ Modificações no Banco de Dados
- Visões

## Modificações no Banco de Dados

- O conteúdo do banco de dados pode ser modificado usando as seguintes operações:
  - Exclusão
  - Inserção
  - Atualização
- Todas essas operações são expressas usando o operador de designação.

### **Exclusão**

- A solicitação de exclusão é expressa de maneira similar a uma consulta. No entanto, ao invés de mostrar as tuplas selecionadas ao usuário, elas são excluídas do banco de dados.
- Pode-se excluir apenas tuplas inteiras; não é possível excluir valores de atributos específicos.
- Uma exclusão é expressa na álgebra relacional por:

#### $r \leftarrow r - E$

Onde r é uma relação e E é uma consulta da álgebra relacional.

## Exemplos de Exclusão

- Excluir todos os registros de contas na agência Perryridge.
   conta ← conta σ<sub>nome\_agência = "Perryridge"</sub> (conta)
- Excluir todos os registros de empréstimo com total entre 0 e
   50.
  - empréstimo  $\leftarrow$  empréstimo  $\sigma_{total \ge 0 \text{ and total} \le 50}$  (empréstimo)
- ◆ Excluir todas as contas nas agências localizadas em Needham.

$$r_1 \leftarrow \sigma_{cidade\_agência} = "Needham"$$
 (conta agência)
 $r_2 \leftarrow \Pi_{nome\_agência, número\_conta}$  ( $r_1$ )
 $r_3 \leftarrow \Pi_{nome\_cliente, número\_conta}$  ( $r_2$  depositante)
conta  $\leftarrow$  conta -  $r_2$ 
depositante  $\leftarrow$  depositante -  $r_3$ 

## Inserção

- Para inserir dados em uma relação, deve-se:
  - Especificar uma tupla a ser inserida, ou
  - Escrever uma consulta cujo resultado é um conjunto de tuplas a ser inserido
- Em álgebra relacional, uma inserção é expressa por:

#### $r \leftarrow r \cup E$

- Onde r é uma relação e E é uma expressão da álgebra relacional.
- A inserção de uma única tupla é expressa especificando E como uma relação constante contendo uma tupla.

## Exemplos de Inserção

- Inserir informação no banco de dados especificando que o cliente Smith tem \$1200 na conta A-973 na agência Perryridge.
  - conta  $\leftarrow$  conta  $\cup$  {("Perryridge", A-973, 1200)} depositante  $\leftarrow$  depositante  $\cup$  {("Smith", A-973)}
- Incluir, a título de presente para todos os clientes de empréstimos na agência Perryridge, uma conta de poupança de poupança de \$200. Faça o número de empréstimo servir como número de conta para essas novas contas de poupança.

```
 \begin{array}{l} \textbf{r_1} \leftarrow (\sigma_{\text{nome\_agência} = \text{``Perryridge''}} (\textbf{devedor} \quad \textbf{empréstimo})) \\ \textbf{conta} \leftarrow \textbf{conta} \cup \Pi_{\text{nome\_agência, número\_empréstimo, 200}} (\textbf{r_1}) \\ \textbf{depositante} \leftarrow \textbf{depositante} \cup \Pi_{\text{nome\_cliente}} \textbf{número\_empréstimo} (\textbf{r_1}) \\ \end{array}
```

## Atualização

- Um mecanismo para mudar um valor em uma tupla sem mudar todos os valores na tupla
- Usa-se o operador de projeção generalizada para esta tarefa

 $\mathbf{r} \leftarrow \Pi_{\mathsf{F}_1, \mathsf{F}_2, \ldots, \mathsf{F}_n}(\mathbf{r})$ 

- Cada F<sub>i</sub> ou é o i-ésimo atributo de r, se seu valor não é modificado, ou é uma expressão para o valor do atributo a ser modificado.
- F<sub>i</sub> é uma expressão, envolvendo somente constantes e os atributos de r, os quais dão o novo valor para o atributo.

## Exemplos de Atualização

Fazer pagamento de juros aumentando todos os saldos em 5 por cento.

conta ←∏<sub>nome\_agência</sub>, número\_conta, saldo ← saldo\*1.05 (conta)

Fazer pagamentos de juros de 6% para contas com saldo acima de \$10.000 e 5% para as outras contas.

```
 \begin{array}{l} \textbf{conta} \leftarrow \Pi_{\text{nome\_agência, número\_conta, saldo} \leftarrow \text{saldo*1.06} & (\sigma_{\text{saldo}} > 10000 \\ \textbf{(conta))} \cup \Pi_{\text{nome\_agência, número\_conta, saldo} \leftarrow \text{saldo*1.05} & (\sigma_{\text{saldo}} \leq 10000) \\ \textbf{(conta))} \\ \end{array}
```

# Modelo Relacional

- Estrutura dos Bancos de Dados Relacionais
- Álgebra Relacional
- Cálculo Relacional de Tuplas
- Cálculo Relacional de Domínio
- Operações de Álgebra Relacional Estendida
- Modificações no Banco de Dados
- **♦**Visões

### Visões

 Em alguns casos, não é desejável que todos os usuários vejam possam ver o modelo lógico inteiro (isto é, as relações armazenadas de fato no banco de dados).

### Visões

Considere um pessoa que precise conhecer o número do empréstimo de um cliente mas não precisa ver o total do empréstimo. Esta pessoa deveria ver uma relação descrita, na álgebra relacional, como

∏<sub>nome\_cliente</sub>, número\_empréstimo (devedor empréstimo) ⋈

◆ Toda relação que não é parte do modelo conceitual mas é tornada visível para um usuário como uma "relação virtual" é chamada de uma visão.

## Definição de Visões

Uma visão é definida usando a declaração create view que tem a forma

create view v as <expressão de consulta>

onde < expressão de consulta > é qualquer expressão correta da álgebra relacional. O nome da visão é representado por v.

- Uma vez definida a visão, o nome da visão pode ser usado para se referir à relação virtual que a definição da visão gera.
- Definição de visão não é o mesmo que criar uma nova relação a partir da avaliação da expressão de consulta. Ao invés disso, uma definição de visão causa o armazenamento de uma expressão para ser substituída nas consultas que usam a visão.

## Exemplos de Visões

Considere a visão (chamada de todos\_clientes) consistindo das agências e seus clientes.

create view todos\_clientes as

```
\Pi_{\text{nome\_agência, nome\_cliente}} (depositante\bowtie conta) \cup \Pi_{\text{nome\_agência, nome\_cliente}} (devedor\bowtie empréstimo)
```

Pode-se encontrar todos os clientes da agência Perryridge escrevendo:

```
\Pi_{\text{nome\_cliente}} (\sigma_{\text{nome\_agencia= "Perryridge"}} (todos_clientes))
```

## Atualizações Através de Visões

- Modificações no banco de dados expressas como visões devem ser traduzidas em modificações de relações reais do banco de dados.
- Considere a pessoa que precisa ver todos os dados de empréstimo na relação exceto o total. A visão, agência\_empréstimo, dada à pessoa poderia ser definida como:

## Atualizações Através de Visões

**create view** agência\_empréstimo as

Π<sub>nome\_agência</sub>, número\_empréstimo (empréstimo)
Como permite-se que o nome de uma visão apareça em referências a nomes de relações, se poderia escrever :

agência\_empréstimo ← agência\_empréstimo ∪ {("Perryridge", L-37)}

## Atualizações Através de Visões

- A inserção anterior deve ser representada por uma inserção na relação empréstimo do banco de dados a qual é usada a construção da visão agência\_empréstimo.
- Uma inserção na relação empréstimo requer o valor do atributo total. Uma inserção pode ser tratada das seguintes maneira:
  - Rejeitando a inserção e apresentando uma mensagem de erro para o usuário;
  - Inserindo a tupla ("Perryridge", L-37, nulo) na relação empréstimo.

## Visões Definidas Usando Outras Visões

- Uma visão pode ser usada na expressão de definição de outra visão.
- Uma relação de visão v<sub>1</sub> é dita depender diretamente de uma relação de visão v<sub>2</sub>, se v<sub>2</sub> é usada na expressão que define v<sub>1</sub>
- Uma relação de visão  $v_1$  é dita **depender** de uma relação de visão  $v_2$ , se e somente se existe um caminho de  $v_2$  para  $v_1$  no grafo de dependência.
- Uma relação de visão v é dita ser recursiva se ela depende dela mesma.

## Expansão de Visões

- É uma maneira de definir o significado de visões definidas em termos de outras visões.
- Seja a visão v<sub>1</sub> definida por uma expressão e<sub>1</sub> que pode por sua vez conter usos de relações de visões.

## Expansão de Visões

A expansão de visão de uma expressão repete os seguintes passos de substituição:

#### repeat

Encontrar todas as relações de visão v<sub>i</sub> em e<sub>1</sub>

Substituir a relação de visão v<sub>i</sub> pela expressão que define v<sub>i</sub>

until não existirem mais relações de visão em e<sub>1</sub>

Desde que as definições de visão não são recursivas, esse loop deve terminar.