

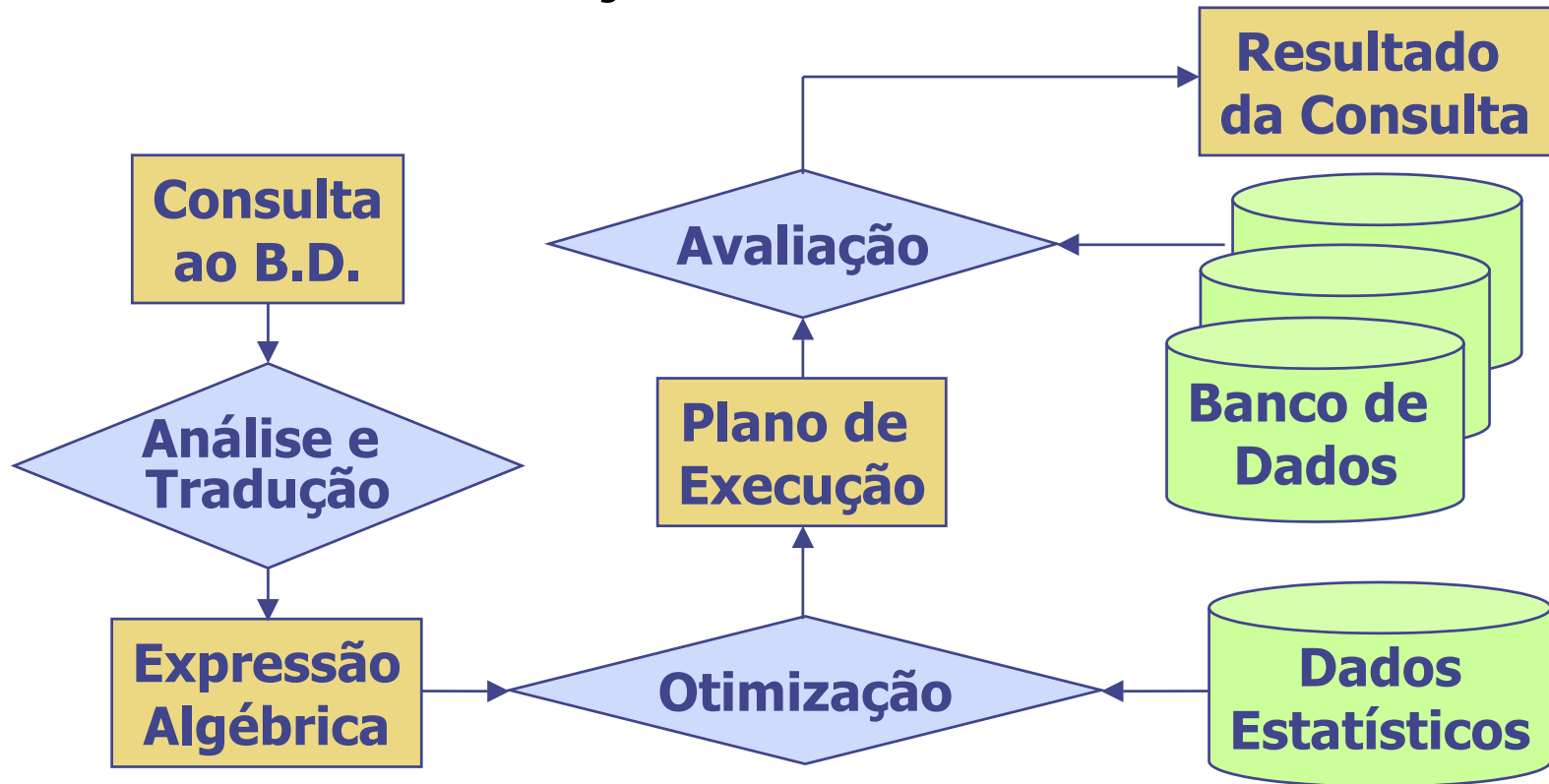
# Unidade III

## Processamento de Consultas

- Processamento de Operações
- Classificação dos Dados
- Avaliação de Expressões
- Otimização de Consultas

# Processamento de Operações

- Passos na execução de consultas



# Processamento de Operações

- Passos na execução de consultas
  - Análise e Tradução
    - Verifica a sintaxe da consulta em SQL
    - Confere se as tabelas, colunas e visões existem
    - Traduz para expressão em álgebra relacional
  - Otimização
    - Verifica os planos de execução possíveis
    - Estima o custo de cada plano
    - Seleciona o plano mais eficiente
  - Avaliação
    - Executa o plano selecionado
    - Obtém o resultado da consulta

# Processamento de Operações

## ■ Estimativa de Custo

- Em geral, o custo é considerado como o tempo total gasto para processar a consulta
- Principais fatores que compõem o custo
  - Custo de acesso ao disco
    - Posicionamento: duração de operações seek
    - Leitura de blocos: duração de operações read
    - Escrita de blocos: duração de operações write
  - Custo de processamento: tempo de uso da CPU
  - Custo de transmissão: tempo gasto para transmitir os dados pela rede, caso seja necessário

# Processamento de Operações

- Estimativa de Custo

- Como simplificação, vamos considerar apenas o número de blocos transferidos para calcular o custo
- Vamos desprezar:
  - A diferença entre custo de acesso seqüencial e aleatório no disco
  - A disponibilidade de buffers, que podem reduzir o número de acessos ao disco
  - O custo de processamento e de transmissão
  - O custo de escrita de dados no disco
- Em geral, os sistemas mais robustos levam em conta todos estes fatores

# Processamento de Operações

- Catálogo de informações: contém dados sobre as relações do BD usados para estimar o custo

$n_r$	Número de tuplas da relação $r$
$b_r$	Número de blocos que contém tuplas de $r$
$s_r$	Tamanho em bytes de uma tupla de $r$
$f_r$	Fator de bloco da relação $r$ , ou seja, o número de tuplas que cabem em um bloco do disco
$E_{A_n}$	Custo estimado do algoritmo $A_n$
$V(A,r)$	Número de valores distintos do atributo $A$ na relação $r$ - se $A$ for uma chave, $V(A,r) = n_r$
$SC(A,r)$	Cardinalidade do atributo $A$ de $r$ - se a distribuição de $A$ for uniforme, $SC(A,r) = n_r/V(A,r)$ - se $A$ for uma chave, $SC(A,r) = 1$

# Processamento de Operações

## ■ Operação de Seleção

- Comando mais usado → otimizar ao máximo!
- Vários algoritmos, com custos diferentes, podem ser usados para implementar seleções
- Algoritmos para seleção de igualdade por varredura
  - Busca Linear
  - Busca Binária
- Algoritmos para seleção de igualdade usando índices
  - Índice primário
  - Índice secundário

# Processamento de Operações

- Operação de Seleção
  - Algoritmos para seleção de comparação
    - Índice primário
    - Índice secundário
  - Algoritmos para seleções complexas
    - Conjunção
      - Índice simples (uma chave)
      - Índice composto (múltiplas chaves)
      - Intersecção de identificadores
    - Disjunção



# Processamento de Operações

- Algoritmo de Busca Linear (A1)
  - Percorre linearmente toda a tabela
  - Custo estimado:  $E_{A1} = b_r$ 
    - Percorre todos os blocos e verifica se cada uma das tuplas satisfaz a condição
  - Se a condição de seleção for de igualdade de um atributo-chave:  $E_{A1} = b_r/2$ 
    - Procura até achar uma tupla que satisfaça a condição, o que na média ocorre no meio da tabela
  - Pode ser aplicado independentemente de:
    - Condição de seleção
    - Ordenação das tuplas
    - Disponibilidade de índices

# Processamento de Operações

- Algoritmo de Busca Binária (A2)
  - Usado para achar tuplas com um determinado valor do atributo usado para ordenar a tabela
  - Custo para achar o bloco com a primeira tupla que satisfaz a condição de igualdade:  $\log_2(b_r)$
  - Custo para encontrar os demais blocos com tuplas que satisfazem a condição:  $SC(A,r)/f_r - 1$ 
    - Supondo que os blocos são contíguos
    - Supondo uma distribuição uniforme dos dados
    - Supondo que a primeira tupla com um determinado valor aparece no início de um bloco
  - Custo total estimado:  $E_{A2} = \log_2(b_r) + SC(A,r)/f_r - 1$

# Processamento de Operações

- Algoritmos para seleção de igualdade usando índice primário
  - Igualdade de atributo chave (A3)
    - Procurar no índice e acessar o bloco do disco
    - Custo estimado:  $E_{A3} = HT_i + 1$
    - $HT_i$  = Número de níveis de uma árvore B+
  - Igualdade de atributo não-chave (A4)
    - Procurar no índice, e em seguida localizar as demais tuplas que satisfazem a condição
    - Custo para encontrar o primeiro bloco:  $HT_i + 1$
    - Custo para achar os demais blocos:  $SC(A,r)/f_r - 1$
    - Custo estimado:  $E_{A4} = HT_i + SC(A,r)/f_r$

# Processamento de Operações

- Algoritmo para seleção de igualdade usando índice secundário (A5)
  - Se a chave de procura é uma chave candidata
    - Procurar no índice e acessar o bloco do disco
    - Custo estimado:  $E_{A5} = HT_i + 1$
  - Se a chave de procura não é uma chave candidata
    - Procurar no índice, e em seguida acessar os blocos que contém tuplas que satisfazem a condição
    - Custo estimado:  $E_{A5} = HT_i + \text{número de blocos}$
    - Custo no pior caso:  $E_{A5} = HT_i + SC(A,r)$   
(cada tupla reside em um bloco de disco)

# Processamento de Operações

- Algoritmo para seleção de comparação usando índice primário (A6)
  - Na estimativa de custo, vamos supor que metade das tuplas satisfaz a comparação
  - Para seleções do tipo  $A > V$ 
    - Usar o índice para localizar a primeira tupla que satisfaz a condição e continuar seqüencialmente
    - Custo estimado:  $E_{A6} = HT_i + b_r/2$
  - Para seleções do tipo  $A < V$ 
    - Fazer busca linear até a primeira tupla onde  $A \geq V$
    - Custo estimado:  $E_{A6} = b_r/2$
    - O índice não é usado!

# Processamento de Operações

- Algoritmo para seleção de comparação usando índice secundário (A7)
  - Para seleções do tipo  $A > V$ 
    - Localizar no índice a primeira tupla que satisfaz a condição e obter ponteiros para tuplas seguintes
  - Para seleções do tipo  $A < V$ 
    - Obter ponteiros através do índice até a primeira tupla onde  $A \geq V$
  - Custo estimado:  $E_{A7} = HT_i + LB_i/2 + n_r/2$
  - $LB_i$  = número de blocos no último nível do índice  $i$
  - Será mais barato fazer a busca sequencial caso muitas tuplas satisfaçam a condição de comparação

# Processamento de Operações

- Algoritmos para seleção de conjunção
  - Usando índice simples (A8)
    - Usando o algoritmo que tiver o menor custo (A1...7), obter as tuplas que satisfazem a condição mais restritiva (que retorna menos tuplas)
    - Verificar as outras condições nas tuplas obtidas
    - Desprezando o custo para processar as demais condições, o custo é o mesmo do algoritmo usado
  - Usando índice composto (A9)
    - Usando o algoritmo para busca no índice (A3...5), localizar as tuplas que satisfazem a condição
    - Custo estimado: o mesmo do algoritmo usado

# Processamento de Operações

- Algoritmos para seleção de conjunção
  - Fazendo intersecção de identificadores (A10)
    - Para cada condição, buscar em um índice ponteiros para tuplas que a satisfazem
    - Verificar os ponteiros retornados por todas as condições (intersecção), e acessar os dados
    - Se uma condição for em atributo não-indexado, devemos verificá-la nas tuplas retornadas pelas demais condições
    - O custo estimado é a soma do custo para ler os índices com o custo para acessar os blocos com tuplas que satisfazem a todas as condições



# Processamento de Operações

- Algoritmo para seleção de disjunção (A11)
  - Requer índices para todos os atributos usados nas condições
    - Se uma das condições for em um atributo não indexado, é necessário fazer a busca linear
  - Para cada condição, buscar em um índice ponteiros para tuplas que a satisfazem
  - Verificar os ponteiros retornados por pelo menos uma condição (união), e acessar os dados
  - O custo estimado é a soma do custo para ler os índices com o custo para acessar os blocos com tuplas que satisfazem a pelo menos uma condição

# Processamento de Operações

- Operação de Junção
  - Fazer produto cartesiano de duas tabelas → caro!
  - Aparece com frequência em seleções → otimizar!
- Algoritmos para implementar junções
  - Junção de laço aninhado
  - Junção de laço aninhado de bloco
  - Junção de laço aninhado indexada
  - Junção merge
  - Junção hash
- Primeiro vamos estimar o tamanho da junção

# Processamento de Operações

- Tamanho da junção
  - Produto cartesiano:  $r \times s$ 
    - $n_{r \times s} = n_r * n_s$  tuplas
    - $s_{r \times s} = s_r + s_s$  bytes
  - Junção natural:  $r \bowtie s$ 
    - Se as relações não têm nenhum atributo em comum,  $r \bowtie s$  é o produto cartesiano entre  $r$  e  $s$
    - Se o atributo é uma chave de  $r$ ,  $n_{r \bowtie s} \leq n_s$
    - Se o atributo em  $s$  é uma chave estrangeira de  $r$ ,  $n_{r \bowtie s} = n_s$
    - Se o atributo não for uma chave, estima-se que  $n_{r \bowtie s} = (n_r * n_s) / \text{MAX}(V(A,r), V(A,s))$

# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção de laço aninhado
  - Usa dois laços aninhados – um para cada relação
  - A condição de junção é testada em cada passo

```
for each tupla  $t_r$  in  $r$  do begin
  for each tupla  $t_s$  in  $s$  do begin
    if condição é válida para  $(t_r, t_s)$  then
      junção := junção +  $(t_r, t_s)$ 
    end
  end
```
  - Aceita qualquer tipo de condição; não requer índices
  - Custo no pior caso:  $E_{A12} = n_r * b_s + b_r$  blocos
  - Custo cai para  $E_{A12} = b_s + b_r$  se  $s$  couber na memória

# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção de laço aninhado de blocos
  - Usa quatro laços aninhados – percorre blocos e tuplas

```
for each bloco  $B_r$  of  $r$  do begin  
  for each bloco  $B_s$  of  $s$  do begin  
    for each tupla  $t_r$  in  $B_r$  do begin  
      for each tuple  $t_s$  in  $B_s$  do begin  
        if condição é válida para  $(t_r, t_s)$  then  
          junção := junção +  $(t_r, t_s)$ .  
        end  
      end  
    end  
  end  
end
```

# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção de laço aninhado de blocos
  - Assim como o algoritmo anterior, este algoritmo aceita qualquer tipo de condição e não requer índices
  - Custo no pior caso:  $E_{A13} = b_r * b_s + b_r$  blocos
  - Possível otimização:
    - Se temos M blocos de memória livres, podemos usar M-2 blocos para ler r
    - Os dois outros blocos são usados para ler s e para guardar o resultado da operação
    - Custo:  $E_{A13} = [b_r/(M-2)] * b_s + b_r$
  - Custo no melhor caso:  $E_{A13} = b_s + b_r$  (caso  $M-2 \geq b_r$ )

# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção de laço aninhado indexada
  - Para cada tupla  $t_r$ , usa-se o índice para procurar tuplas  $t_s$  que satisfaçam a condição com  $t_r$
  - Custo estimado:  $E_{A14} = b_r + n_r * c$   
onde  $c$  é o custo estimado de fazer uma seleção com a mesma condição usada na junção (A3...5)
  - Inverter  $r$  e  $s$  se  $n_r < n_s$  e se houver um índice em  $t_r$
  - Pode valer a pena criar o índice para fazer a junção

# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção merge
  - Usado se as duas relações estão ordenadas pelo atributo usado na junção
  - Cada relação é lida com um ponteiro
  - Os ponteiros avançam de acordo com o valor do atributo
  - Bastam dois blocos de memória
  - Custo:  $E_{A15} = b_r + b_s$

$p_r \rightarrow$

$a_1$	$a_2$
A	30
B	12
D	18
D	13
F	37
M	45
Q	67

$r$

$p_s \rightarrow$

$a_2$	$a_3$
A	aa
B	ag
C	kl
D	nx
M	rb

$s$

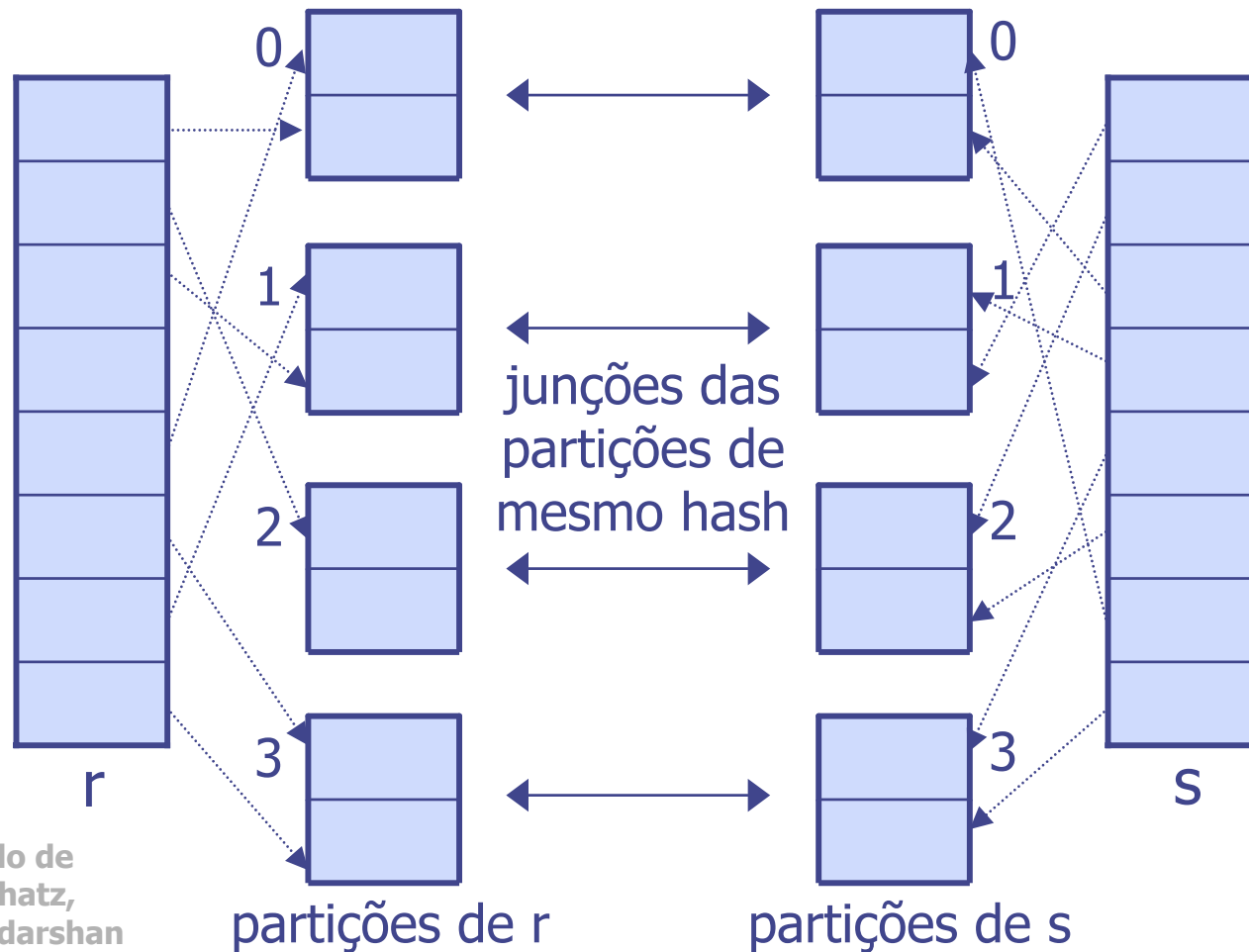


# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção hash
  - Usa uma função de hash do atributo de junção
  - Divide as duas relações em  $n$  blocos
    - $r_0, r_1 \dots r_n$  para a relação  $r$
    - $s_0, s_1 \dots s_n$  para a relação  $s$
    - Custo:  $2(b_r + b_s)$
  - Os blocos de mesmo hash são comparados
    - $r_0$  com  $s_0, r_1$  com  $s_1, \dots$
    - Custo:  $b_r + b_s$
  - Pode ocorrer um overhead de até  $2n$  no caso de haver blocos parcialmente cheios
  - Custo estimado:  $E_{A16} = 3(b_r + b_s) + 2n$

# Processamento de Operações

- Algoritmo de junção hash



# Processamento de Operações

## ■ Junção externa

- Pode ser calculada modificando algoritmos de merge-junção e hash-junção para adicionar ao resultado as tuplas sem correspondentes preenchidas com nulos
- Junção externa à esquerda: adicionar ao resultado somente as tuplas da relação à esquerda da junção que não tiverem correspondente na relação à direita
- Junção externa à direita: adicionar ao resultado somente as tuplas da relação à direita da junção que não tiverem correspondente na relação à esquerda
- Junção externa completa: adicionar todas as tuplas que não tiverem correspondente na relação oposta

# Processamento de Operações

- Junção de três ou mais relações
  - Pode-se calcular a junção de duas relações, depois a junção do resultado com a relação seguinte, e continuar até fazer a junção de todas as relações
    - $q \bowtie r \bowtie s = (q \bowtie r) \bowtie s = q \bowtie (r \bowtie s)$
  - Uma alternativa mais eficiente consiste em fazer as junções ao mesmo tempo usando dois índices
    - Calcular  $q \bowtie r \bowtie s$  pegando cada tupla  $t_r$  e buscando as tuplas correspondentes  $t_q$  e  $t_s$  nos índices de  $q$  e  $s$
    - Assim  $r$  é lida somente uma vez  $\rightarrow$  menor custo!

# Processamento de Operações

- Junção com condição conjuntiva
  - Opção 1: usar loops aninhados (em bloco ou não)
  - Opção 2:
    - Obter as tuplas que atendem a primeira condição aplicando uma das técnicas vistas anteriormente
    - Verificar a condição seguinte no resultado da condição anterior
    - Continuar até aplicar a última condição
    - No final, restarão apenas as tuplas para as quais todas as condições são válidas

# Processamento de Operações

- Junção com condição disjuntiva
  - Opção 1: usar loops aninhados (em bloco ou não)
  - Opção 2:
    - Obter as tuplas que atendem a cada condição aplicando uma das técnicas vistas anteriormente
    - Fazer a união dos resultados de cada uma das condições, eliminando as tuplas duplicadas

# Processamento de Operações

- Operações com conjuntos
  - Particionar as relações usando uma função de hash
    - $r_0, r_1 \dots r_n$  para a relação  $r$
    - $s_0, s_1 \dots s_n$  para a relação  $s$
  - Processar cada partição usando um índice de hash criado em memória para  $r_i$
  - União: adicionar tuplas de  $s_i \notin r_i$  ao índice hash, e depois pôr no resultado todas as tuplas do índice
  - Intersecção: pôr no resultado as tuplas de  $s_i$  que estiverem no índice hash de  $r_i$
  - Diferença: remover as tuplas de  $s_i \in r_i$  do índice hash, e depois pôr no resultado todas as tuplas do índice

# Processamento de Operações

## ■ Agrupamento

- Fazer hash ou classificação para colocar as tuplas com mesmo valor do atributo de agrupamento no mesmo hash ou em sequência
- Calcular a função (sum, avg, ...) sobre as tuplas com mesmo valor do atributo de agrupamento

## ■ Eliminação de duplicatas

- Fazer hash ou classificação para que tuplas duplicadas apareçam no mesmo hash ou em sequência
- Ler hashes ou a tabela e remover as tuplas duplicadas

## ■ Projeção

- Selecionar os atributos de interesse
- Fazer a eliminação das tuplas duplicadas



# Classificação dos Dados

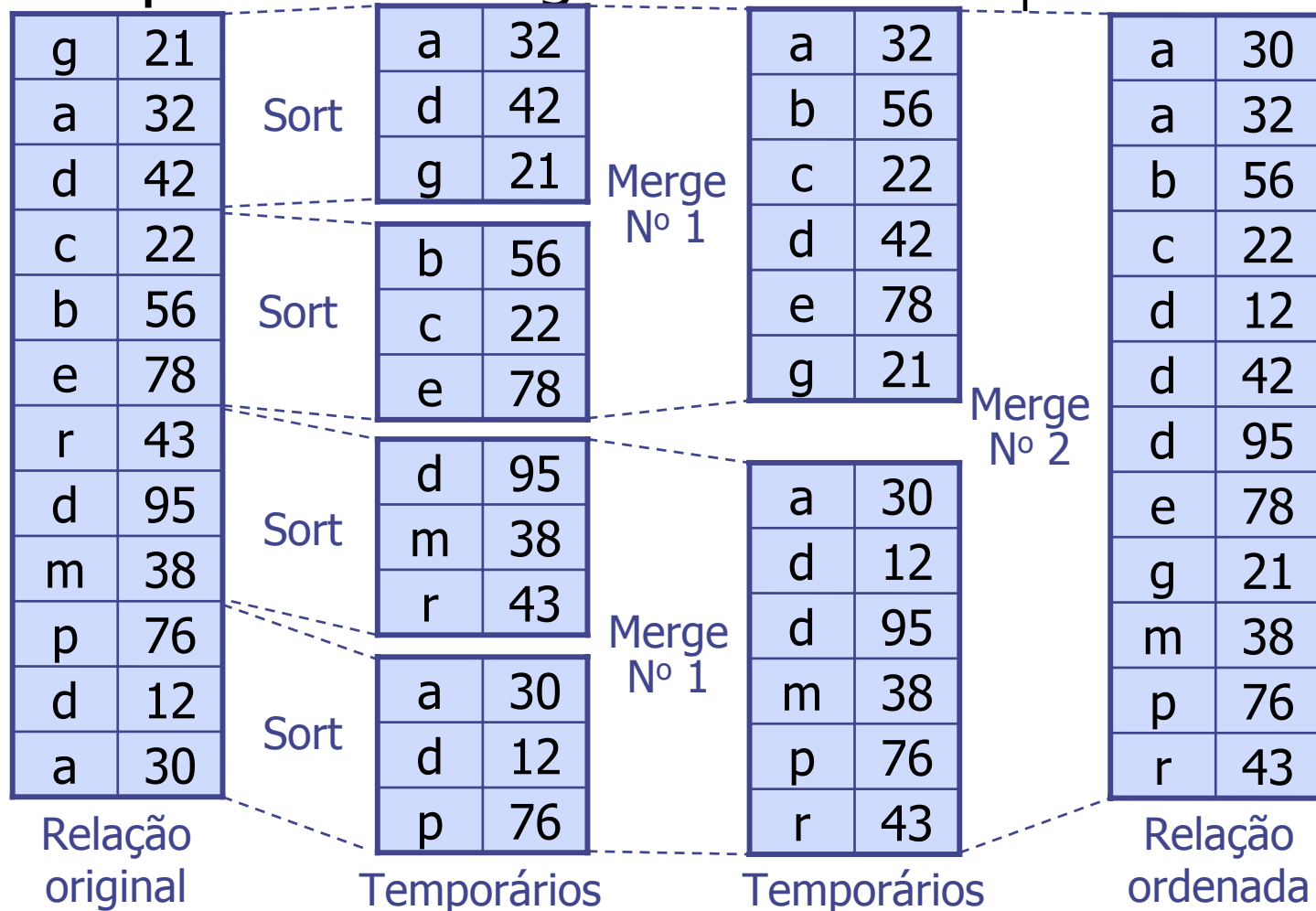
- Se a relação inteira cabe na memória, pode ser usado um algoritmo tradicional de ordenação
  - Exemplo: algoritmo Quicksort
- Algoritmo Sort-Merge
  - Usado se não houver memória suficiente para manter toda a relação (considere  $M$  a memória disponível)
  - Fase de Sort:
    - Lê  $M$  blocos da relação de cada vez, ordena as tuplas e as coloca num arquivo temporário
    - Repete o passo anterior até ler todos os blocos
    - Ao final, são criados  $b_r/M$  arquivos temporários
    - $E_{\text{Sort}} = 2b_r$  (para cada bloco lido, um é escrito)

# Classificação dos Dados

- Algoritmo Sort-Merge (cont.)
  - Fase de Merge
    - Une  $M-1$  temporários por vez, lendo um bloco de cada e ordenando as tuplas em um novo arquivo
    - Continua até que acabem os temporários
    - Repete passos anteriores até unir todas as tuplas
    - São necessários  $\log_{M-1}(b_r/M)$  passos de merge
    - Cada passo tem custo de  $2b_r$
    - $E_{\text{Merge}} = \log_{M-1}(b_r/M) * 2b_r$
  - Custo total:  $E_{\text{Sort-Merge}} = [1 + \log_{M-1}(b_r/M)] * 2b_r$
  - Se o resultado não for escrito no disco, o custo cai para  $E_{\text{Sort-Merge}} = [1 + 2\log_{M-1}(b_r/M)] * b_r$

# Classificação dos Dados

- Exemplo: Sort-Merge com  $M=3$  e  $f_r=1$



# Avaliação de Expressões

- Algoritmos vistos anteriormente nos permitem executar operações individualmente
- Existem técnicas que permitem avaliar expressões completas de uma só vez
  - Materialização
    - Calcula resultados parciais e grava no disco
    - Segue calculando até completar a expressão
  - Pipeline
    - Tuplas calculadas são passadas imediatamente para outras operações que necessitam delas
    - Pode ser dirigido pelo produtor ou por demanda

# Avaliação de Expressões

## ■ Materialização

- Inicia executando as operações mais simples, para as quais as entradas são as tuplas de relações, e grava (materializa) o resultado no disco
- Em seguida, executadas operações cujas entradas dependem do resultado de operações já calculadas, e grava o resultado no disco
- Segue executando as operações para as quais a entrada está disponível, até avaliar toda a expressão

## ■ Análise

- Materialização sempre pode de ser aplicada
- O custo de leitura/escrita no disco é muito alto

# Avaliação de Expressões

- Pipeline

- Várias operações são executadas simultaneamente
- As tuplas calculadas são passadas imediatamente para outras operações que necessitem delas

- Análise

- Pipeline é usado para algoritmos que geram tuplas durante sua execução, e não somente no final
- Não pode ser usado em junções merge e hash, nem para operações de classificação
- Tem custo muito menor, pois não grava resultados intermediários no disco

# Avaliação de Expressões

- Pipeline dirigido pelo produtor
  - As operações mais simples vão sendo executadas
  - As tuplas calculadas são armazenadas em buffers
    - Operação fica bloqueada se o buffer estiver cheio
    - O sistema dá prioridade de execução a operações com espaço livre no buffer
  - As tuplas são lidas dos buffers por operação de mais alto nível que usam essas tuplas como entrada
  - O processo segue até a operação de mais alto nível, que obtém o resultado da expressão completa

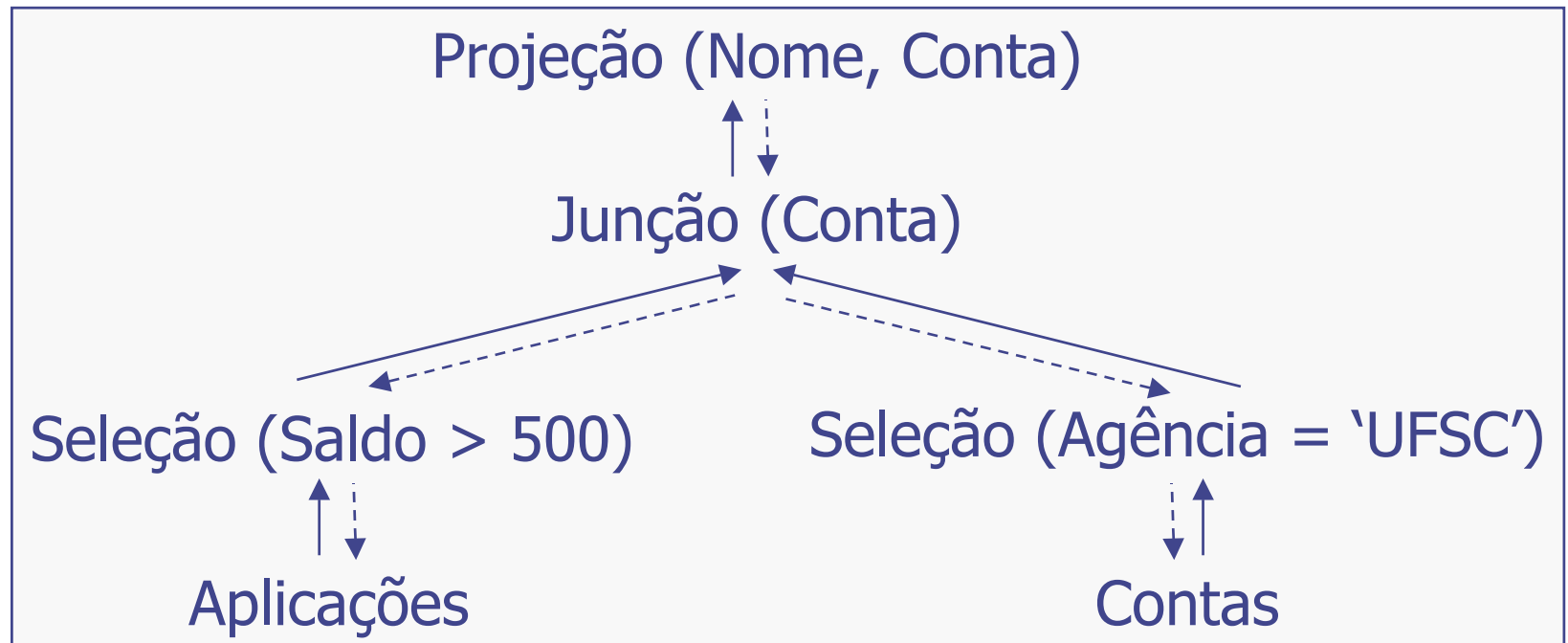
# Avaliação de Expressões

- Pipeline dirigido por demanda
  - As operações geram as tuplas sob demanda
  - Tuplas são solicitadas pelo sistema para a operação de mais alto nível
  - A operação de mais alto nível solicita as tuplas que precisa de operações das quais depende do resultado
  - Operações seguem solicitando tuplas umas às outras, até chegar ao nível mais baixo, na qual seja possível obter as tuplas a partir das relações
  - Operações devem manter estado, para saber o que devem retornar a outras operações



# Avaliação de Expressões

## ■ Exemplo



- Materialização e Pipeline dirigido pelo produtor
- > Pipeline sob demanda

# Otimização de Consultas

- Expressões podem ser otimizadas fazendo a troca por expressões equivalentes
- Exemplo:

## Expressão Original

Seleção (Agência)

Junção

Junção

Contas

Cartões

Aplicações

## Expressão Equivalente

Junção

Seleção (Agência)

Junção

Contas

Cartões

Aplicações

# Otimização de Consultas

- Regras de Equivalência

$\sigma$  = seleção

$\theta$  = predicado

$\Pi$  = projeção

$\bowtie$  = junção

$E$  = expressão algébrica

$L$  = lista de atributos

- Seleções conjuntivas podem ser quebradas em seqüências de seleções

$$\sigma_{\theta_1} \wedge \sigma_{\theta_2}(E) = \sigma_{\theta_1}(\sigma_{\theta_2}(E))$$

- Seleções são comutativas

$$\sigma_{\theta_1}(\sigma_{\theta_2}(E)) = \sigma_{\theta_2}(\sigma_{\theta_1}(E))$$

- Projeções em seqüência são desnecessárias

$$\Pi_{L_1}(\Pi_{L_2}(\dots(\Pi_{L_n}(E))\dots)) = \Pi_{L_1}(E)$$

# Otimização de Consultas

- Regras de Equivalência (cont.)

- Seleções podem ser combinadas com produtos cartesianos e junções

a)  $\sigma_{\theta} (E_1 \times E_2) = E_1 \bowtie_{\theta} E_2$

b)  $\sigma_{\theta_1}(E_1 \bowtie_{\theta_2} E_2) = E_1 \bowtie_{\theta_1 \wedge \theta_2} E_2$

- Junções são comutativas

$$E_1 \bowtie_{\theta} E_2 = E_2 \bowtie_{\theta} E_1$$

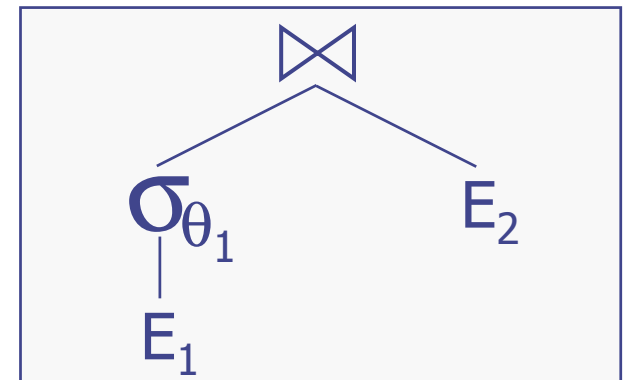
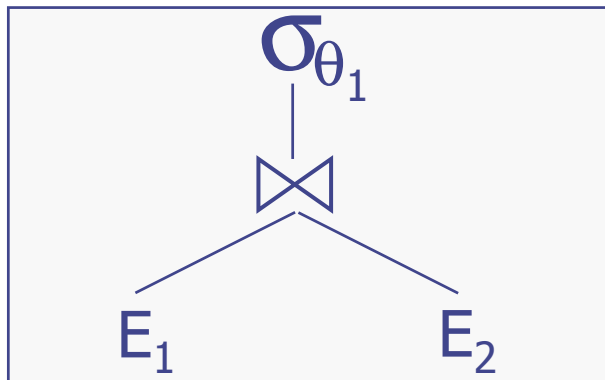
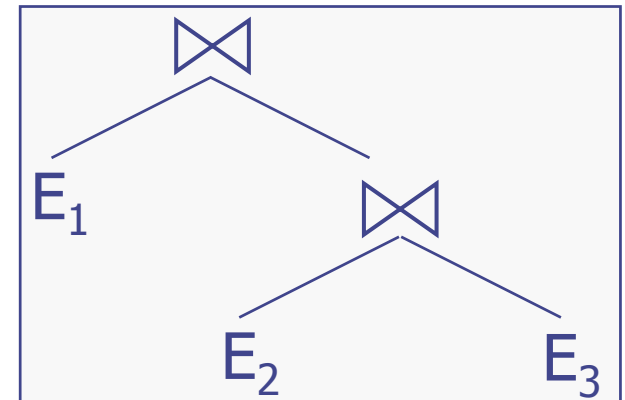
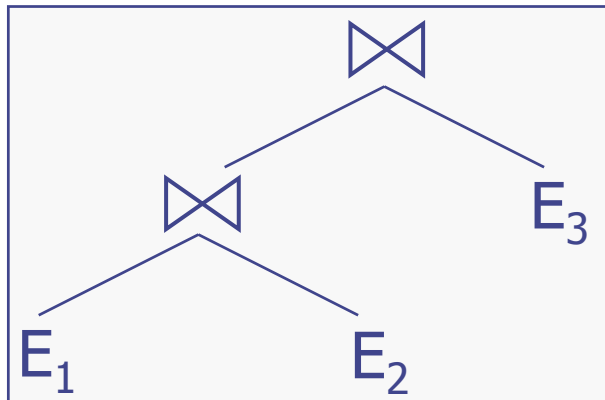
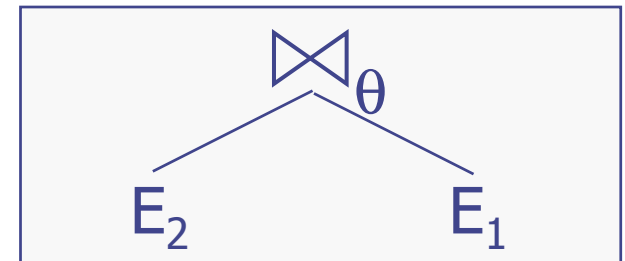
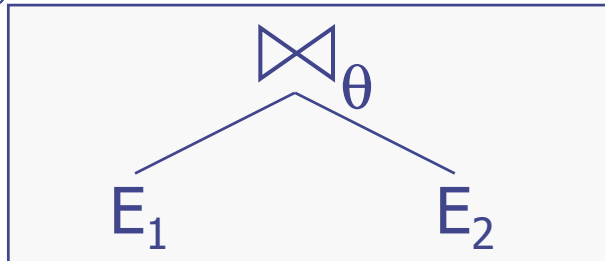
- Junções são associativas nos seguintes casos:

a)  $(E_1 \bowtie E_2) \bowtie E_3 = E_1 \bowtie (E_2 \bowtie E_3)$

b)  $(E_1 \bowtie_{\theta_1} E_2) \bowtie_{\theta_2 \wedge \theta_3} E_3 = E_1 \bowtie_{\theta_1 \wedge \theta_3} (E_2 \bowtie_{\theta_2} E_3)$

onde  $\theta_2$  envolve apenas os atributos de  $E_2$  e  $E_3$

# Otimização de Consultas



Obs.:  $\theta_1$  somente com atributos de  $E_1$

# Otimização de Consultas

- Regras de Equivalência (cont.)

- Seleções podem ser distribuídas na forma de junções, observando as seguintes condições:

a)  $\sigma_{\theta_1} (E_1 \bowtie_{\theta} E_2) = (\sigma_{\theta_1} (E_1)) \bowtie_{\theta} E_2$

b)  $\sigma_{\theta_1 \wedge \theta_2} (E_1 \bowtie_{\theta} E_2) = (\sigma_{\theta_1} (E_1)) \bowtie_{\theta} (\sigma_{\theta_2} (E_2))$   
onde  $\theta_1$  envolve apenas atributos de  $E_1$  e  $\theta_2$  de  $E_2$

- Projeções podem ser distribuídas por junções

a)  $\Pi_{L_1 \cup L_2} (E_1 \bowtie_{\theta} E_2) = \Pi_{L_1} (E_1) \bowtie_{\theta} \Pi_{L_2} (E_2)$   
onde  $\theta$  envolve apenas os atributos de  $L_1 \cup L_2$

b)  $\Pi_{L_1 \cup L_2} (E_1 \bowtie_{\theta} E_2) = \Pi_{L_1 \cup L_3} (E_1) \bowtie_{\theta} \Pi_{L_2 \cup L_4} (E_2)$   
onde os atributos  $L_3$  de  $E_1$  e  $L_4$  de  $E_2$  estão envolvidos em  $\theta$  mas não pertencem a  $L_1 \cup L_2$

# Otimização de Consultas

- Regras de Equivalência (cont.)
  - Operações de união e intersecção são comutativas
    - a)  $E_1 \cup E_2 = E_2 \cup E_1$
    - b)  $E_1 \cap E_2 = E_2 \cap E_1$
  - Operações de união e intersecção são associativas
    - a)  $(E_1 \cup E_2) \cup E_3 = E_1 \cup (E_2 \cup E_3)$
    - b)  $(E_1 \cap E_2) \cap E_3 = E_1 \cap (E_2 \cap E_3)$
  - Seleções de operações de conjunto são distributivas
    - a)  $\sigma_{\theta}(E_1 \cup E_2) = \sigma_{\theta}(E_1) \cup \sigma_{\theta}(E_2)$
    - b)  $\sigma_{\theta}(E_1 \cap E_2) = \sigma_{\theta}(E_1) \cap E_2 = \sigma_{\theta}(E_1) \cap \sigma_{\theta}(E_2)$
    - c)  $\sigma_{\theta}(E_1 - E_2) = \sigma_{\theta}(E_1) - E_2 = \sigma_{\theta}(E_1) - \sigma_{\theta}(E_2)$
  - Projeções podem ser distribuídas por junções  
 $\Pi_L(E_1 \cup E_2) = \Pi_L(E_1) \cup \Pi_L(E_2)$

# Otimização de Consultas

- O processo de otimização deve:
  - Buscar expressões equivalentes à expressão original com menor custo de execução
  - Montar o plano de avaliação da expressão
- Técnicas de otimização
  - Otimização pelo custo
  - Otimização heurística
- A maioria dos otimizadores utiliza as duas técnicas de otimização cobinadas



# Otimização de Consultas

- Otimização pelo custo
  - Verificar o custo de execução da expressão original
  - Procurar expressões equivalentes à original aplicando as regras de equivalência (Obs.: as regras não dizem que forma tem o menor custo)
  - Calcular o custo de avaliação das expressões usando os algoritmos aplicáveis para processar cada operação
  - Selecionar a expressão de menor custo de execução

# Otimização de Consultas

- Verificação do custo de expressões equivalentes
  - Com  $n$  relações, são  $(2(n-1))!/(n-1)!$  expressões equivalentes ( $n = 5 \rightarrow 1680$ ;  $n = 7 \rightarrow 665.280$ ;  $n = 9 \rightarrow 518$  milhões de equivalências)
  - Nem todas as expressões equivalentes precisam ter seu custo calculado
  - Estratégia: dividir a expressão em partes e calcular o custo das expressões equivalentes de cada parte
  - Exemplo: dividir uma expressão com 9 relações em 3 partes com 3 relações cada, e calcular o custo das 12 expressões equivalentes de cada parte (36 no total)

# Otimização de Consultas

- Otimização Heurística
  - Usa regras gerais para transformar consultas de modo a reduzir seu custo
  - Separe seleções conjuntivas em seleções isoladas
  - Mova as seleções para baixo da árvore de consulta para executá-las primeiro (regras 2, 7a, 7b, 11)
  - Dê preferência às seleções e junções que geram relações menores (regras 6 e 10)
  - Substitua produtos cartesianos seguidos de seleções por junções (regra 4a)
  - Mova as projeções para baixo da árvore de consulta (regras 3, 8a, 8b, 12) e crie outras se for possível
  - Dê preferência a árvores executáveis com pipeline

# Otimização de Consultas

- Plano de avaliação
  - Define como cada operação será executada e como toda a expressão será avaliada
  - É a saída do otimizador e a entrada do avaliador
  - Exemplo de plano de avaliação:

