

# Métodos Formais Aplicados a Segurança da Informação

Uma Pequena Introdução

Jean Everson Martina, Ph.D.

Laboratório de Segurança em Computação  
Universidade Federal de Santa Catarina

`jean.martina@gmail.com`

2013

# Sumário

# Introdução

# Introdução

Podemos Tornar as Rede Seguras através do uso da Criptografia?

- Objetivos:
  - Autenticidade: Quem enviou?
  - Sigilo: Quem pode receber?
- Ameaças:
  - Um atacante ativo
  - Agentes descuidados ou comprometidos
  - Não consideramos a força dos algoritmos

# Notação

$A, B$	Nome dos Agentes (Alice e Bob)
$N_a$	Numero aleatório escolhido por Alice (Nonce)
$K_a$	Chave Pública da Alice
$\{ X \}_{K_a}$	Mensagem cifrada usando $K_a$ <ul style="list-style-type: none"><li>• Qualquer pessoa pode cifrar</li><li>• Somente Alice pode recuperar <math>X</math></li></ul>

# Um Pequeno Protocolo

# O Protocolo Needham-Schroeder

## Apresentação

1.  $A \rightarrow B: \{|N_a, A|\}_{K_b}$   
Alice manda pra Bob um Nonce cifrado
2.  $B \rightarrow A: \{|N_a, N_b|\}_{K_a}$   
Bob retorna para Alice o Nonce dela junto com o Nonce dele
3.  $A \rightarrow B: \{|N_b|\}_{K_b}$   
Alice Retorna pra Bob o Nonce dele

# O Protocolo Needham-Schroeder

## Explicação

1.  $A \rightarrow B: \{|N_a, A|\}_{K_b}$   
Somente Alice conhece  $N_a$  antes da Mensagem 1  
Somente Bob pode decifrar a Mensagem 1
2.  $B \rightarrow A: \{|N_a, N_b|\}_{K_a}$   
Somente Bob conhece  $N_b$  antes da Mensagem 2  
Bob conhece  $N_a$  porque ele pode decifrar  
Somente Alice pode decifrar a Mensagem 2
3.  $A \rightarrow B: \{|N_b|\}_{K_b}$   
Alice conhece  $N_b$  porque ela pode decifrar  
Somente Bob pode decifrar a Mensagem 3  
Pra que a mensagem 3?

# O Protocolo Needham-Schroeder

## Interpretação

1.  $A \rightarrow B: \{|N_a, A|\}_{K_b}$

Alice inicia a sessão,  $N_a$  é o controle da sessão

A identidade de Alice (A) serve para Bob saber pra quem cifrar a mensagem 2

2.  $B \rightarrow A: \{|N_a, N_b|\}_{K_a}$

Bob manda  $N_a$  de volta para manter a sessão

**Bob  $N_b$  para poder autenticar Alice na mensagem 3**

Ao receber a Mensagem 2 Alice sabe que só Bob poderia te-la criado porque ela contém  $N_a$

3.  $A \rightarrow B: \{|N_b|\}_{K_b}$

Alice já autenticou Bob. Agora ela quer se autenticar para Bob

Ao receber a Mensagem 3 Bob sabe que só Alice poderia te-la criado porque ela contém  $N_b$

# O Protocolo Needham-Schroeder

## Obtenção dos Objetivos

1.  $A \rightarrow B: \{|N_a, A|\}_{K_b}$
  2.  $B \rightarrow A: \{|N_a, N_b|\}_{K_a}$
  3.  $A \rightarrow B: \{|N_b|\}_{K_b}$
- O Protocolo autentica Alice para Bob
  - O Protocolo autentica Bob para Alice
  - Pelo uso de Nonces novos (fresh), obtemos a propriedade de que a outra parte esta viva no protocolo
  - Mas e ai? Isso é seguro?

# Um Grandioso Ataque

# Regras do Jogo

## Modelo de ameaça

- Charlie é um atacante muito poderoso.
- Ele pode:
  - Interceptar qualquer coisa na rede
  - Bloquear qualquer coisa na rede
  - Repetir Mensagens
  - Forjar mensagens como tudo que ele aprendeu monitorando a rede
  - Se comportar como um agente normal
- Ele não pode:
  - Quebrar algoritmos criptográficos
  - Adivinhar números aleatórios

# O Protocolo Needham-Schroeder

## O ataque de Gavin Lowe

1.  $A \rightarrow C: \{|N_a, A|\}_{K_c}$
- 1'.  $C(A) \rightarrow B: \{|N_a, A|\}_{K_b}$
- 2'.  $B \rightarrow C(A): \{|N_a, N_b|\}_{K_a}$
2.  $C \rightarrow A: \{|N_a, N_b|\}_{K_a}$
3.  $A \rightarrow C: \{|N_b|\}_{K_c}$
- 3'.  $C \rightarrow B: \{|N_b|\}_{K_b}$

- Bob acredita estar falando com Alice, quando na verdade está falando com Charlie.
- Charlie usa Alice como um oráculo para responder aos desafios de Bob.
- Charlie pode usar  $N_b$  para provar para Bob que ele é Alice

# O ataque de Gavin Lowe

## Fatos

- Gavin Lowe era um “mero” professor de teoria da computação em Oxford
- Parece fácil, mas levaram 15 anos para descobrir este ataque.
- O ataque funciona porque o modelo de ameaça é mais forte.
- Mas o ataque só foi descoberto através do uso de um método formal, neste caso um chegador de modelos.

# Metodos Formais Aplicados a Segurança

# Pequena Revisão de Lógica

Antes de falar de métodos formais vamos revisar um pouco de lógica matemática

- Lógica Proposicional
- Lógica de Primeira Ordem (FOL)

# Lógica Proposicional

- É o system lógico maps basico. Ele estuda os argumentos e sua estrutura.
  - Um argumento é uma sentença declarativa em linguagem natural (ex. Português)
  - Por exemplo: *“O ônibus está atrasado”*
- Foi descoberta por Aristóteles na Grecia Antiga.
- Cada Sentença recebe um valor de  $V$  (verdadeiro) ou  $F$  (falso).
- Existem regras bem definidas para extrair significado de argumentos complexos. (Modus Ponens, Modus Tolens, Negação da Implicação entre outros).
- É uma lógica clássica e fácil de entender.

## Um exemplo de Fórmula em Lógica Proposicional

*Está chovendo.* :  $P$   
*Jane tem seu guarda-chuva consigo.* :  $Q$   
*Jane se molha.* :  $R$

$$(P \wedge \neg Q) \rightarrow R, \neg R, P \vdash Q$$

- **Símbolos:**  $\wedge$  – “e”;  $\vee$  – “ou”;  $\neg$  – “não”;  $\rightarrow$  – “implica”;  $\leftrightarrow$  – “equivalente a”;  $\vdash$  – “prova”; and  $\not\vdash$  – “não prova”.

# Lógica de Primeira Ordem (FOL)

- Também conhecida como *lógica de predicados* ou *lógica quantificacional*.
- Estende a expressividade da lógica proposicional.
  - É difícil expressar sentenças como “*alguma coisa é uo têm ...*” em Lógica Preposicional.
- A grande diferença para com a Lógica Preposicional é a existência de quantificadores:
  - $\exists$  (existe), and  $\forall$  (para todos).
- Outros conceitos são: predicados, variáveis, funções e constantes.
- Essa lógica é expressiva o suficiente para modelarmos protocolos

## Um exemplo de uma Fórmula FOL

- $S(x, y)$  :  $x$  é filho de  $y$  ( $S$  é um predicado)  
 $B(x, y)$  :  $x$  é irmão de  $y$  ( $B$  é um outro predicado)  
 $f(x)$  : retorna o pai de  $x$  ( $f$  é uma função)

$$\forall x[S(x, f(m)) \rightarrow B(x, m)]$$

( $m$  é uma constante, e  $x$  é uma variável)

Nossos protocolos podem ser modelados desta forma.

## Definindo os Predicados

- $E(x)$ :  $x$  é uma entidade (um agente) no protocolo.
- $Stores(x, y)$ : o dado  $x$  é armazenado pela entidade  $y$ .
- $Knows(x, y)$ : o dado  $x$  é conhecido pela entidade  $y$ .
- $M(x)$ : a mensagem  $x$  é enviada no protocolo.

## Definindo as Funções

- Agrupamento de mensagens:
  - $pair(x, y)$ ;  $triple(x, y, z)$ .
- Troca de mensagens:
  - $sent(x, y, z)$ : o agente  $x$  envia ao agente  $y$  a mensagem  $z$ .
- Funções de chave:
  - $krkey(x, y)$ : a chave privada  $x$  pertence ao agente  $y$ ;
  - $kukey(x, y)$ : a chave pública  $x$  pertence ao agente  $y$ ; e
  - $kp(x, y)$ : a chave privada  $x$  e a chave pública  $y$  formam um par de chaves.

# Definindo as Funções

- Funções de *Nonce*:
  - $nonce(x, y)$ : o *nonce*  $x$  é gerado pela entidade  $y$ .
- Primitivas criptográficas:
  - $encl(x, y)$ : o dado  $x$  é cifrado usando a chave  $y$ ; e
  - $sign(x, y)$ : o dado  $x$  é assinado usando a chave  $y$ .

## Definindo as Constantes

- Agentes participantes do protocolo:
  - $a$  (Alice);  $b$  (Beto);  $c$  (Charlie).
- Chaves privadas e chaves públicas:
  - $kra$ ;  $kua$ : chave privada e chave pública de Alice
  - $krb$ ;  $kub$ : chave privada e chave pública de Beto
  - $krc$ ;  $kuc$ : chave privada e chave pública de Charlie
- *Nonces*:
  - $na$ ;  $nb$ ;  $nc$ .

## Definindo a Base de Conhecimento Inicial

- O primeiro passo é definir o conhecimento pertencente a cada agente. Por exemplo, parte do conhecimento inicial de Alice é:

### Exemplo

$E(a)$

$Knows(kp(krkey(kra, a), kukey(kua, a)), a)$

$Knows(kukey(kub, b), a)$

$Knows(kukey(kuc, c), a)$

$Knows(nonce(na, a), a)$

A mesma coisa se faz para os outros agentes Beto e Charlie

# Descrivendo o Protocolo

- Em seguida, modelamos cada passo da troca de mensagens.  
Por exemplo, o primeiro passo é modelado da seguinte forma:

## Exemplo

$$\begin{aligned} & \text{Knows}(\text{kukey}(kua, a), a) \wedge \\ & \text{Knows}(\text{kp}(\text{krkey}(kra, a), \text{kukey}(kua, a)), a) \wedge \\ & \text{Knows}(\text{kukey}(kub, b), a) \wedge \\ & \text{Knows}(\text{nonce}(na, a), a) \\ & \rightarrow \\ & M(\text{sent}(a, b, \text{encr}(\text{pair}(na, a), kub))) \wedge \\ & \text{Stores}(\text{pair}(na, b)a) \end{aligned}$$

# Descrevendo o Protocolo

- O segundo passo:

## Exemplo

$$\begin{aligned} & \forall x [ \text{Knows}(\text{kukey}(kub, b), b) \wedge \\ & \text{Knows}(\text{kp}(\text{krkey}(krb, b), \text{kukey}(kub, b)), b) \wedge \\ & \text{Knows}(\text{kukey}(kua, a), b) \wedge \\ & \text{Knows}(\text{nonce}(nb, b), b) \wedge \\ & M(\text{sent}(x, b, \text{encr}(\text{pair}(na, a), kub))) \\ & \rightarrow \\ & M(\text{sent}(b, a, \text{encr}(\text{pair}(na, nb), kua))) \wedge \\ & \text{Stores}(\text{pair}(nb, a), b) ] \end{aligned}$$

# Descrevendo o Protocolo

- O terceiro passo:

## Exemplo

$$\forall x[$$
$$\text{Stores}(\text{pair}(na, b), a) \wedge$$
$$M(\text{sent}(x, a, \text{encr}(\text{pair}(na, nb), kua)))$$
$$\rightarrow$$
$$M(\text{sent}(a, b, \text{encr}(nb), kub)))]$$

# Modelo Lógico do Atacante

- O modelo do atacante adiciona alguns elementos lógicos:
  - A constante  $c$  que representa o próprio atacante;
  - Os dados do atacante ao personificar um usuário válido no protocolo; e
  - O predicado  $Im(x)$  que indica o conhecimento aprendido pelo atacante pela manipulação das mensagens trocadas. Este predicado possui funcionamento idêntico ao predicado  $M(x)$ .

# Conhecimento Inicial

1. O atacante é uma entidade no protocolo e tem seus dados à sua própria disposição:
  - $E(c)$
2. Conhece os dados públicos dos agentes legítimos:
  - $Knows(kukey(kua, a), c)$
  - $Knows(kukey(kub, b), c)$
3. Pode gravar todas as mensagens:
  - $\forall x, y, w [M(sent(x, y, w)) \rightarrow Im(w)]$

# Transformações de Mensagens

1. Pode decompor mensagens em pedaços menores:
  - $\forall u, v [Im(pair(u, v)) \rightarrow Im(u) \wedge Im(v)]$
  - $\forall u, v, w [Im(triple(u, v, w)) \rightarrow Im(u) \wedge Im(v) \wedge Im(w)]$
2. Pode fabricar mensagens a partir do conteúdo aprendido:
  - $\forall u, v [Im(u) \wedge Im(v) \rightarrow Im(pair(u, v))]$
  - $\forall u, v, w [Im(u) \wedge Im(v) \wedge Im(w) \rightarrow Im(triple(u, v, w))]$
3. Pode enviar mensagens falsas:
  - $\forall u, x, y [Im(u) \wedge E(x) \wedge E(y) \rightarrow M(sent(x, y, u))]$

# Capacidades Criptográficas

1. Qualquer coisa pode potencialmente ser uma chave:
  - $\forall u, v [Im(u) \wedge E(v) \rightarrow Knows(krkey(u, v), c)]$
  - $\forall u, v [Im(u) \wedge E(v) \rightarrow Knows(kukey(u, v), c)]$
2. Qualquer coisa pode potencialmente ser um *nonce*:
  - $\forall u, v [Im(u) \wedge E(v) \rightarrow Knows(nonce(u, v), c)]$
3. Gerar mensagens cifradas ou assinadas com as chaves conhecidas:
  - $\forall u, v, x [Im(u) \wedge Knows(kukey(v, x), c) \wedge E(x) \rightarrow Im(incr(u, v))]$
  - $\forall u, v, x [Im(u) \wedge Knows(krkey(v, x), c) \wedge E(x) \rightarrow Im(sign(u, v))]$

# Mais em Capacidades Criptográficas

## 1. Decifrar mensagens com chaves conhecidas:

- $\forall u, v, w, x [Im(encr(u, v)) \wedge$   
 $Knows(kp(krkey(w, x), kukey(v, x)), c) \wedge$   
 $E(x) \rightarrow Im(u)]$

## 2. Decifrar mensagens com *nonces* conhecidos:

- $\forall u, v, w [Im(encr(u, v)) \wedge Knows(nonce(v, w), c) \wedge E(w) \rightarrow$   
 $Im(u)]$

## 3. Ter acesso ao conteúdo das mensagens assinadas:

- $\forall u, v [Im(sign(u, v)) \rightarrow Im(u)]$

# O Proveedor de Teoremas SPASS

- A busca por provas pode ser feita manualmente, com papel e caneta.
- Porém, um modo mais conveniente (e prático) é o uso de provedores de teoremas como suporte à obtenção das provas.
- O proveedor de teoremas escolhido foi o SPASS.
  - Lida com Lógica de Primeira Ordem.
  - Prova por contradição (negação da conjectura).
  - Proveedor de propósito geral.

# Testando os Modelos Lógicos

- O teste de conjecturas sobre os modelos lógicos criados, permite a extração de fatos sobre nosso protocolo.
  - Conjecturas são afirmações que não sabemos se são verdadeiras ou falsas a partir dos axiomas (premissas).
  - Por sua vez, fatos são as afirmações extraídas a partir do teste de conjecturas.
- O ataque de Lowe pode ser facilmente verificado nesta especificação formal

# Resultados e Objetivos

## Resultados até agora no LabSEC

- Verificação dos protocolos da Nota Fiscal Eletrônica usando FOL
- Verificação de Protocolos de Autenticação Biométrica usando FOL
- Verificação de Protocolos de Multicast usando HOL

# Objetivos

- Desenvolver uma comunidade de métodos formais para a segurança
- Dar mais garantias aos protocolos amplamente usados
- Formar pessoas capacitadas na arte:
  - Alta empregabilidade: Intel, Arm, Nvidia, Microsoft, etc usam as mesmas técnicas para outros problemas.

# Projetos Futuros

- Atacar protocolos usando técnicas mais elaboradas em lógicas com mais expressividade (HOL)
- Gerar métodos de verificação formal de iteração humana com protocolos

# Agradecimentos

- Eduardo dos Santos, M.Sc. pela grande ajuda na confecção dos slides e na execução de experimentos.